

VeriFAST : architecture d'un model-checker accéléré générique

S. Bardin, G. Cécé, A. Finkel, F. Herbreteau, J. Leroux,
D. Nowak, G. Sutre, A. Vincent



LSV, Ecole Normale Sup. de Cachan
LaBRI, Université de Bordeaux 1
LIFC, Université de Franche-Comté



Outline

1. Introduction
2. Vérification symbolique accélérée
3. Automates étendus à actions gardées typées
4. Architecture

Outline

1. **Introduction**
2. Vérification symbolique accélérée
3. Automates étendus à actions gardées typées
4. Architecture

Motivations

- Implantation des techniques de vérification symbolique accélérée

On aimerait pouvoir :

Motivations

- Implantation des techniques de vérification symbolique accélérée

On aimerait pouvoir :

- Comparer (objectivement) ces techniques
 - représentations symboliques
 - accélérations

Motivations

- Implantation des techniques de vérification symbolique accélérée

On aimerait pouvoir :

- **Comparer** (objectivement) ces techniques
 - représentations symboliques
 - accélérations
- **Combiner** ces techniques
 - analyse de modèles hétérogènes (plusieurs types de données)

Motivations

- Implantation des techniques de vérification symbolique accélérée

On aimerait pouvoir :

- **Comparer** (objectivement) ces techniques
 - représentations symboliques
 - accélérations
- **Combiner** ces techniques
 - analyse de modèles hétérogènes (plusieurs types de données)
- **Faciliter l'expérimentation** de nouvelles techniques
 - nouveaux types de données et/ou d'opérations

Motivations (suite)

- Constat :
 - les outils existants ne sont pas facilement extensibles
 - les techniques existantes partagent de nombreux concepts

Motivations (suite)

- Constat :
 - les outils existants ne sont pas facilement extensibles
 - les techniques existantes partagent de nombreux concepts

- Groupe VeriFAST :
 - conception (et implantation) d'un model-checker accéléré générique
 - comparaison, combinaison et expérimentation
 - réutilisation de bibliothèques de représentations symboliques

Outline

1. Introduction
2. **Vérification symbolique accélérée**
3. Automates étendus à actions gardées typées
4. Architecture

Automates étendus homogènes

- Automate étendu : $(Q, V, \mathcal{O}_p, \rightarrow)$
 - Q : **localités** (de contrôle), V : **variables**, \mathcal{O}_p : **opérations**
 - $\rightarrow \subseteq Q \times \mathcal{O}_p \times Q$: **transitions** (de contrôle)

Automates étendus homogènes

- Automate étendu : $(Q, V, \mathcal{O}_p, \rightarrow)$
 - Q : **localités** (de contrôle), V : **variables**, \mathcal{O}_p : **opérations**
 - $\rightarrow \subseteq Q \times \mathcal{O}_p \times Q$: **transitions** (de contrôle)
- **Sémantique des données** : (V, \mathbb{D}, δ)
 - $\delta : \mathbb{D}^V \times \mathcal{O}_p \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$

Automates étendus homogènes

- Automate étendu : $(Q, V, \text{Op}, \rightarrow)$
 - Q : **localités** (de contrôle), V : **variables**, Op : **opérations**
 - $\rightarrow \subseteq Q \times \text{Op} \times Q$: **transitions** (de contrôle)
- **Sémantique des données** : (V, \mathbb{D}, δ)
 - $\delta : \mathbb{D}^V \times \text{Op} \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- **Sémantique opérationnelle** : $(S, \text{Op}, \rightarrow)$
 - $S = Q \times \mathbb{D}^V$
 - $\rightarrow \subseteq S \times \text{Op} \times S$ défini par :
$$(q, d) \xrightarrow{\text{op}} (q', d') \text{ si } q \xrightarrow{\text{op}} q' \text{ et } d' \in \delta(d, \text{op})$$

Automates étendus homogènes

- Automate étendu : $(Q, V, \text{Op}, \rightarrow)$
 - Q : **localités** (de contrôle), V : **variables**, Op : **opérations**
 - $\rightarrow \subseteq Q \times \text{Op} \times Q$: **transitions** (de contrôle)

- **Sémantique des données** : (V, \mathbb{D}, δ)
 - $\delta : \mathbb{D}^V \times \text{Op} \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$

- **Sémantique opérationnelle** : $(S, \text{Op}, \rightarrow)$
 - $S = Q \times \mathbb{D}^V$
 - $\rightarrow \subseteq S \times \text{Op} \times S$ défini par :

$$(q, d) \xrightarrow{\text{op}} (q', d') \text{ si } q \xrightarrow{\text{op}} q' \text{ et } d' \in \delta(d, \text{op})$$

- On souhaite **calculer** : $\text{post}^*(q_0, \mathbb{D}^V)$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- pré-ordre d'inclusion induit \sqsubseteq entre régions : $r \sqsubseteq r'$ ssi $\llbracket r \rrbracket \subseteq \llbracket r' \rrbracket$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- pré-ordre d'inclusion induit \sqsubseteq entre régions : $r \sqsubseteq r'$ ssi $\llbracket r \rrbracket \subseteq \llbracket r' \rrbracket$
- région vide \perp ($\llbracket \perp \rrbracket = \emptyset$)

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- pré-ordre d'inclusion induit \sqsubseteq entre régions : $r \sqsubseteq r'$ ssi $\llbracket r \rrbracket \subseteq \llbracket r' \rrbracket$
- région vide \perp ($\llbracket \perp \rrbracket = \emptyset$)
- Union de régions : $\llbracket r \sqcup r' \rrbracket = \llbracket r \rrbracket \cup \llbracket r' \rrbracket$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- pré-ordre d'inclusion induit \sqsubseteq entre régions : $r \sqsubseteq r'$ ssi $\llbracket r \rrbracket \subseteq \llbracket r' \rrbracket$
- région vide \perp ($\llbracket \perp \rrbracket = \emptyset$)
- Union de régions : $\llbracket r \sqcup r' \rrbracket = \llbracket r \rrbracket \cup \llbracket r' \rrbracket$
- $\widehat{\delta}$ symbolique : $R \times \text{Op} \rightarrow R$ satisfaisant :

$$\llbracket \widehat{\delta}(r, \text{op}) \rrbracket = \{d' \in \mathbb{D}^V \mid \exists d \in \mathbb{D}^V, d' \in \delta(\text{op}, d)\}$$

Représentation symbolique

- Représentation symbolique : $(R, \perp, \sqcup, \widehat{\delta}, \llbracket \cdot \rrbracket)$
- Ensemble R de régions, interprétation donnée par $\llbracket \cdot \rrbracket : R \rightarrow 2^{\mathbb{D}^V}$
- pré-ordre d'inclusion induit \sqsubseteq entre régions : $r \sqsubseteq r'$ ssi $\llbracket r \rrbracket \subseteq \llbracket r' \rrbracket$
- région vide \perp ($\llbracket \perp \rrbracket = \emptyset$)
- Union de régions : $\llbracket r \sqcup r' \rrbracket = \llbracket r \rrbracket \cup \llbracket r' \rrbracket$
- $\widehat{\delta}$ symbolique : $R \times \text{Op} \rightarrow R$ satisfaisant :

$$\llbracket \widehat{\delta}(r, \text{op}) \rrbracket = \{d' \in \mathbb{D}^V \mid \exists d \in \mathbb{D}^V, d' \in \delta(\text{op}, d)\}$$

- On peut rajouter \top et \sqcap (et \setminus).

Exemples

- Automates à files :
 - QDD
 - CQDD
 - SRE
 - SLRE

Exemples

- Automates à files :
 - QDD
 - CQDD
 - SRE
 - SLRE

- Automates à compteurs :
 - Ensembles clos supérieurement (inférieurement)
 - Ensembles semilinéaires
 - Formules de Presburger
 - NDD

Exemples

- Automates à files :
 - QDD
 - CQDD
 - SRE
 - SLRE

- Automates à compteurs :
 - Ensembles clos supérieurement (inférieurement)
 - Ensembles semilinéaires
 - Formules de Presburger
 - NDD

- Automates temporisés et hybrides
 - DBM
 - Unions finies de polyèdres convexes
 - RVAs

Accélération

- Calcul de $post^*$ par itération de point fixe peut ne générer que des régions “finies”
- Idée: calculer en une étape l'effet de l'itération d'un circuit de contrôle donné

Accélération

- Calcul de $post^*$ par itération de point fixe peut ne générer que des régions “finies”
- Idée: calculer en une étape l'effet de l'itération d'un circuit de contrôle donné
- **Accélération** d'une séquence $\sigma \in 0p^+$: fonction $\hat{\sigma} : R \rightarrow R$ telle que

$$[[\hat{\sigma}(r)]] = \{d' \in \mathbb{D}^V \mid \exists d \in \mathbb{D}^V, \exists i \in \mathbb{N}, d' \in \delta(\sigma^i, op)\}$$

Accélération

- Calcul de $post^*$ par itération de point fixe peut ne générer que des régions “finies”
- Idée: calculer en une étape l'effet de l'itération d'un circuit de contrôle donné
- **Accélération** d'une séquence $\sigma \in 0p^+$: fonction $\hat{\sigma} : R \rightarrow R$ telle que
$$[[\hat{\sigma}(r)]] = \{d' \in \mathbb{D}^V \mid \exists d \in \mathbb{D}^V, \exists i \in \mathbb{N}, d' \in \delta(\sigma^i, op)\}$$
- Stratégies d'accélération : statiques (méta-transitions) et/ou dynamiques (heuristiques)

Outline

1. Introduction
2. Vérification symbolique accélérée
3. Automates étendus à actions gardées typées
4. Architecture

Structuration des opérations

- Affectations gardées : $\varphi \rightarrow v_1 := t_1 \parallel v_2 := t_2 \parallel \dots \parallel v_n := t_n$
 - φ : prédicat
 - v_i : variables
 - t_i : termes

Structuration des opérations

- Affectations gardées : $\varphi \rightarrow v_1 := t_1 \parallel v_2 := t_2 \parallel \dots \parallel v_n := t_n$
 - φ : prédicat
 - v_i : variables
 - t_i : termes

- logique du premier ordre typée

Structuration des opérations

- Affectations gardées : $\varphi \rightarrow v_1 := t_1 \parallel v_2 := t_2 \parallel \dots \parallel v_n := t_n$
 - φ : prédicat
 - v_i : variables
 - t_i : termes

- logique du premier ordre typée

- les **types de base** et les **mots-clés** (fonctions et relations) sont définis dans l'automate étendu
 - **généricité** du formalisme de description des systèmes

Structuration des opérations

- Affectations gardées : $\varphi \rightarrow v_1 := t_1 \parallel v_2 := t_2 \parallel \dots \parallel v_n := t_n$
 - φ : prédicat
 - v_i : variables
 - t_i : termes

- logique du premier ordre typée

- les **types de base** et les **mots-clés** (fonctions et relations) sont définis dans l'automate étendu
 - **généricité** du formalisme de description des systèmes

- la sémantique de l'automate dépend de l'interprétation des types de base et des mots-clés
 - exemple : FIFO exacte / FIFO avec pertes

Automates étendus à actions gardées typées

- **Signature** (“langage de description”) :
 - \mathbb{D}_i : types de base (par ex. *int*)
 - f_i : fonctions (et constantes) de base (par ex. *plus*)
 - R_i : relations de base (par ex. *inf*)

Automates étendus à actions gardées typées

- **Signature** (“langage de description”) :
 - \mathbb{D}_i : types de base (par ex. *int*)
 - f_i : fonctions (et constantes) de base (par ex. *plus*)
 - R_i : relations de base (par ex. *inf*)
- **Automate étendu à actions gardées typées** :
 - L : signature
 - Q : localités (de contrôle), V : variables typées
 - $I(q)$: invariant de la localité $q \in Q$
 - transitions de contrôles étiquetées par des affectations gardées
 - le typage doit être respecté

Automates étendus à actions gardées typées

- **Signature** (“langage de description”) :
 - \mathbb{D}_i : types de base (par ex. *int*)
 - f_i : fonctions (et constantes) de base (par ex. *plus*)
 - R_i : relations de base (par ex. *inf*)
- **Automate étendu à actions gardées typées** :
 - L : signature
 - Q : localités (de contrôle), V : variables typées
 - $I(q)$: invariant de la localité $q \in Q$
 - transitions de contrôles étiquetées par des affectations gardées
 - le typage doit être respecté
- **Interprétation** : L -structure (par exemple $\langle int \mapsto \mathbb{N}, plus \mapsto +, inf \mapsto \leq \rangle$)

Automates étendus à actions gardées typées

- **Signature** (“langage de description”) :
 - \mathbb{D}_i : types de base (par ex. *int*)
 - f_i : fonctions (et constantes) de base (par ex. *plus*)
 - R_i : relations de base (par ex. *inf*)
- **Automate étendu à actions gardées typées** :
 - L : signature
 - Q : localités (de contrôle), V : variables typées
 - $I(q)$: invariant de la localité $q \in Q$
 - transitions de contrôles étiquetées par des affectations gardées
 - le typage doit être respecté
- **Interprétation** : L -structure (par exemple $\langle int \mapsto \mathbb{N}, plus \mapsto +, inf \mapsto \leq \rangle$)
- Sémantique opérationnelle donnée relativement à une interprétation

Exemple

```

Domain Int ;;
val 0, 3, 30 : Int ;;
val elapse, ++ : Int -> Int ;;
rel =, <, <= : Int * Int ;;

```

```

System Description Timeout ::

```

```

  states

```

```

    WAIT {x, y : Int},

```

```

    OK,

```

```

    ERR;

```

```

WAIT[initial (= (x, 0) &&= (y, 0))] ::

```

```

  t1 :: = (x, 30) && <= (y, 3) -> x:=0, y:=++(y) -> WAIT ;;

```

```

  t2 :: < (x, 30) && < (y, 3) -> x:=elapse(x), y:=y -> WAIT ;;

```

```

  t3 :: true -> nop -> OK ;;

```

```

  t4 :: = (x, 30) && < (3, y) -> nop -> ERR ;;

```

```

  ;;

```

```

;;

```

Outline

1. Introduction
2. Vérification symbolique accélérée
3. Automates étendus à actions gardées typées
4. **Architecture**

Aperçu global de l'architecture

- module `TypedLogic`
 - termes, prédicats, typage, signature
 - seul module dont l'implantation est fixée
- modules de type `SYSTEM_DESCRIPTION`
 - représentation d'automates étendus à actions gardées typées
- modules de type `REGION`
 - $(R, \perp, \top, \equiv, \sqsubseteq, \sqcup, \sqcap)$
- modules de type `SYMBOLIC_REPRESENTATION`
 - module `Region` + fonctions $(post, pre)$
- modules de type `ACCELERATION`
 - module `Region` + fonction *accelerate*

Aperçu global de l'architecture (suite)

- modules de type `ACCELERATED_SYMBOLIC_REPRESENTATION`
 - module `Region` + module `Acceleration` (même module `Région`)
- modules de type `MODEL_CHECKER`
 - module `SystemDescription` + module `AcceleratedSymbRepr` + fonction *post**
- foncteurs de type `MODEL_CHECKER_MAKER`
 - arguments : modules `SystemDescription`, `AcceleratedSymbRepr`
 - sortie : module `ModelChecker` (ajout de la fonction *post**)
- foncteurs pour composer les modules de représentation symbolique accélérée

Intégration

- Interprétation des mots-clés donnée dans les représentations symboliques
 - extensibilité du langage de description de systèmes
 - expérimentation de nouvelles représentations symboliques et accélérations

- Représentations symboliques sous forme de “plugins”
 - composition cartésienne des ces représentations symboliques

- Stratégies de calcul de $post^*$: dans les model-checkers

- Permet de **comparer** les techniques symboliques