

# Le pipeline graphique (suite)

Ressource : [www.scratchapixel.com](http://www.scratchapixel.com)

[http://www.songho.ca/opengl/gl\\_projectionmatrix.html](http://www.songho.ca/opengl/gl_projectionmatrix.html)

# Le pipeline graphique

**Modèle géométrique** : objets, surfaces, sources de lumière...

**Modèle d'illumination** : calcul des interactions lumineuses

**Caméra** : point de vue et ouverture (*frustum*)

**Fenêtre (viewport)** : grille de pixel



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

Illumination  
(Shading)

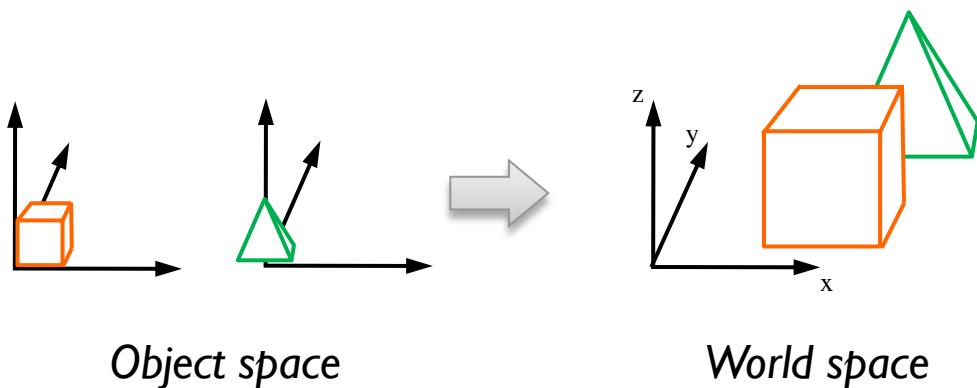
Couleurs, intensités convenant à l'afficheur (ex : 32 bits, RGBA)



Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Transformations objet

Passage du système de  **coordonnées locales** de chaque objet 3D (*object space*) vers un  **repère global** (*world space*)



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

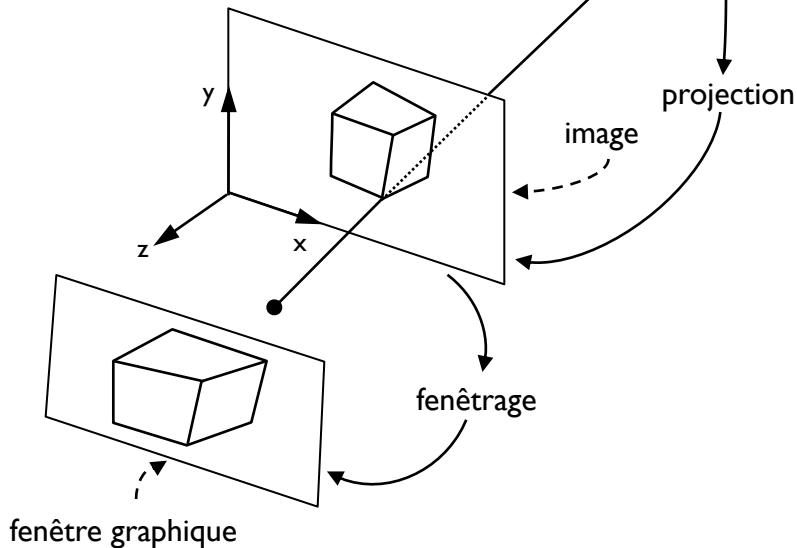
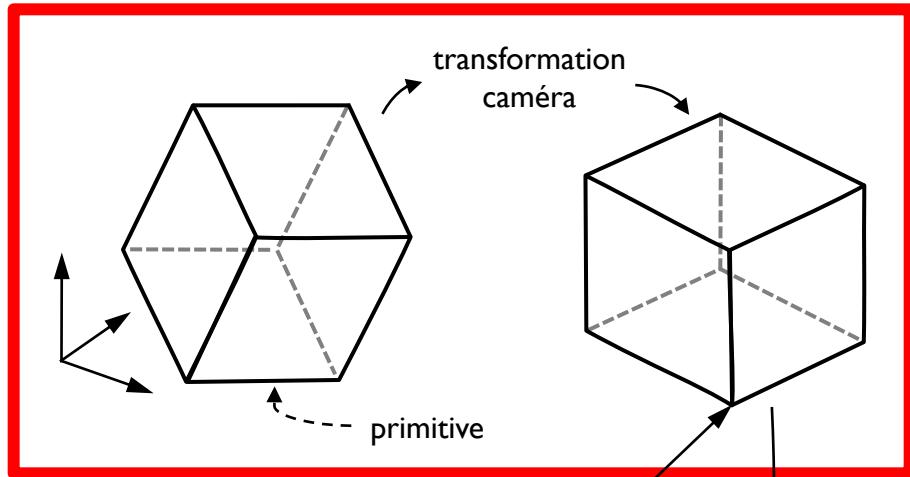
Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Transformation caméra



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

# « Look at »



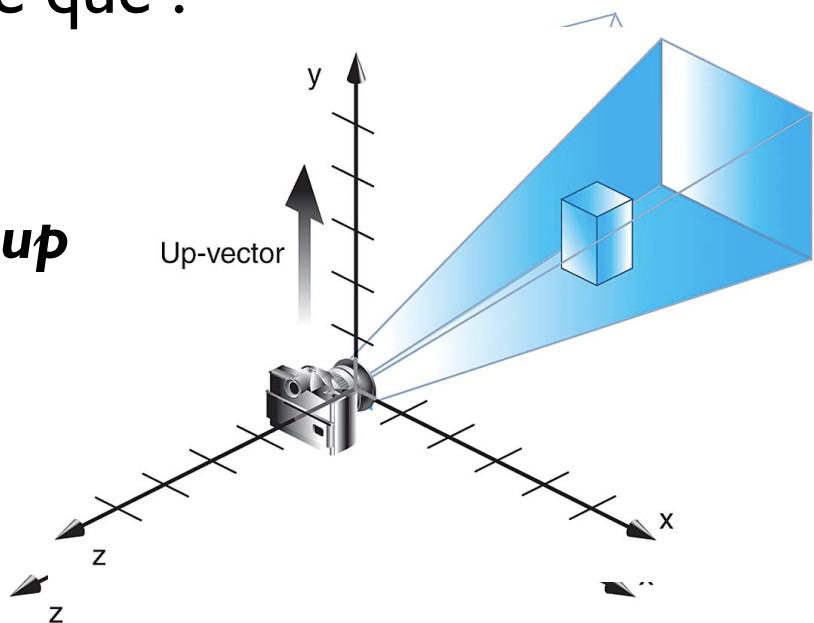
## Entrées (en espace monde)

- **eye** : position de la caméra
- **at** : position du point de référence visé
- **up** : direction indiquant le « haut »

## Sortie

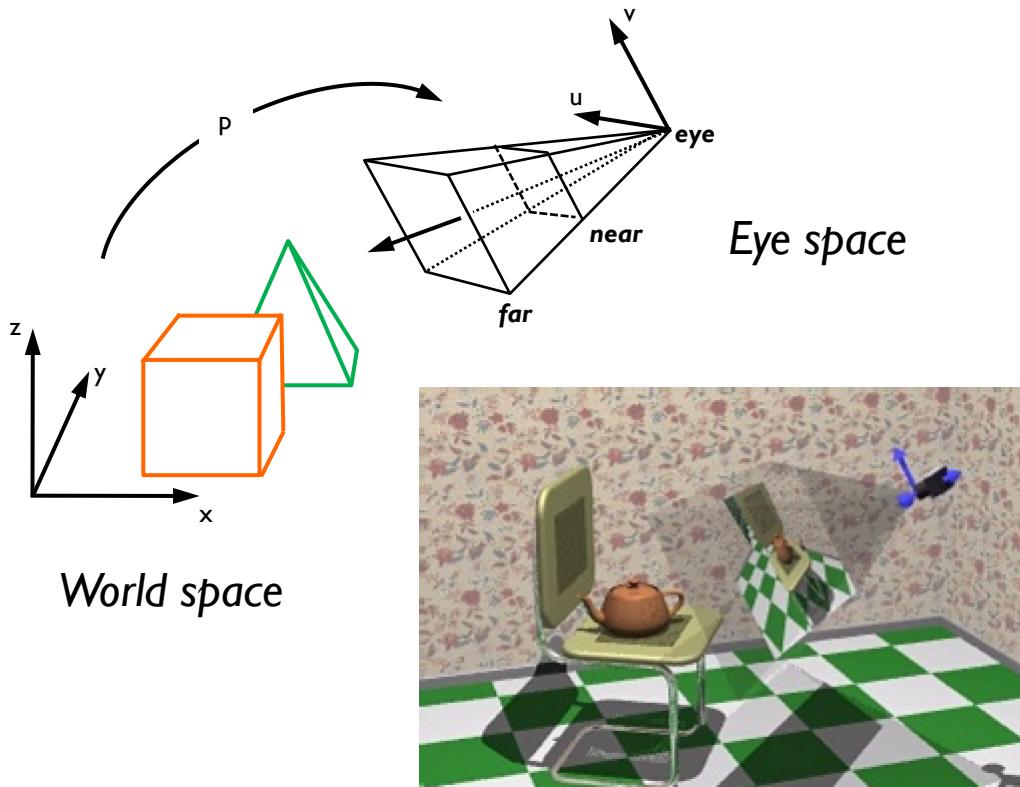
matrice de transformation telle que :

- **eye** soit à l'origine du repère
- l'axe -z du repère pointe vers **at**
- l'axe y du repère soit aligné avec **up**



# Transformation caméra

Passage des  **coordonnées du monde**  
à celles de **la caméra** (eye space).



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

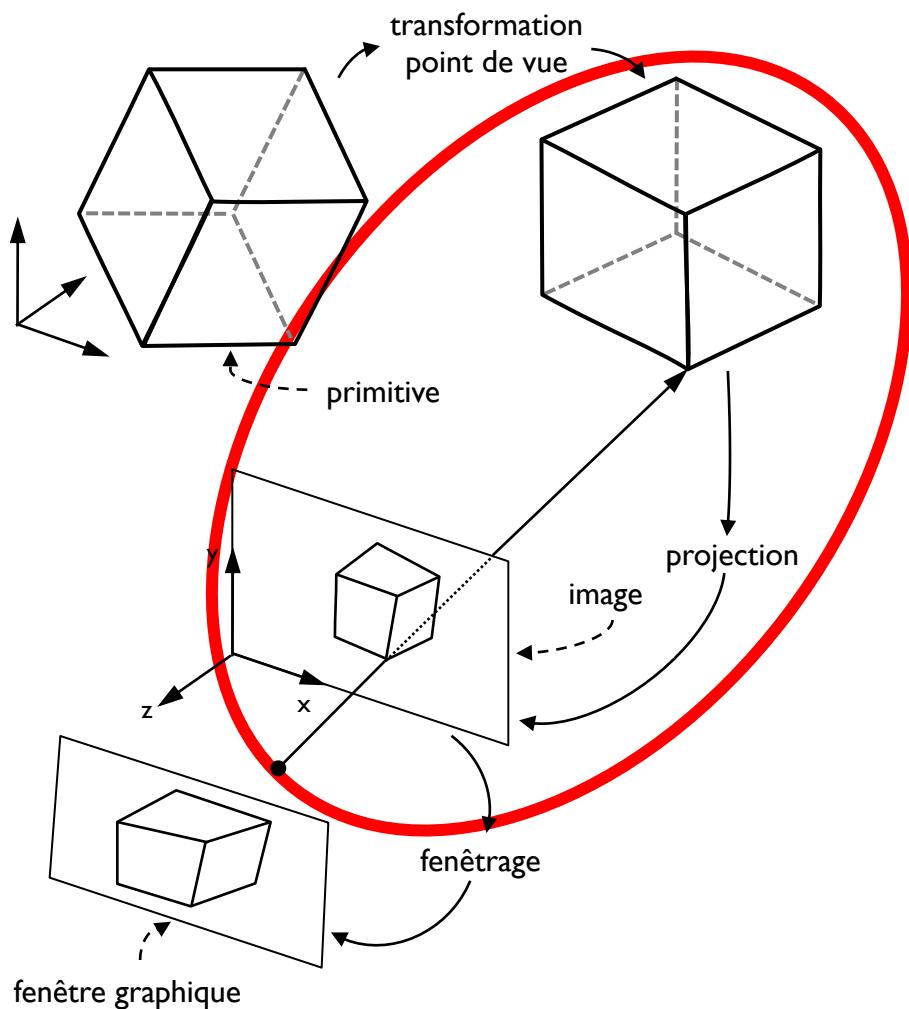
Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Projections



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

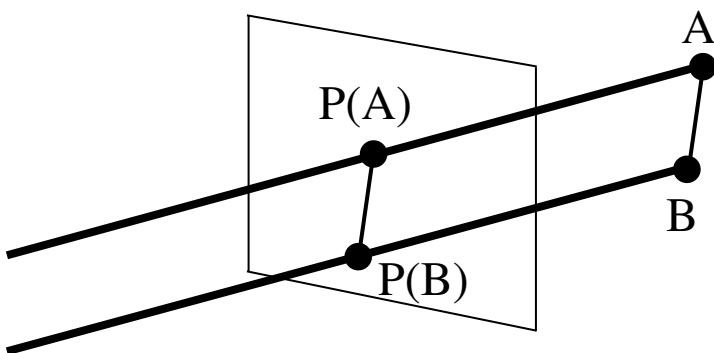
Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

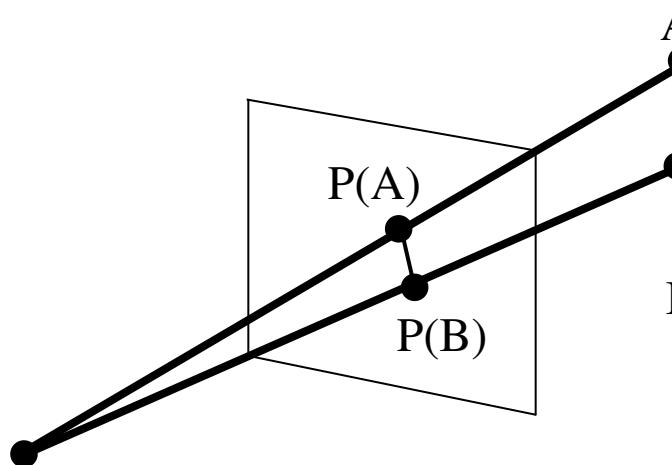
# Projections

Utilisées en synthèse d'image et en vision par ordinateur  
(modèles de caméras)

**Deux grandes familles :**



Projection **parallèle**



Projection **perspective**

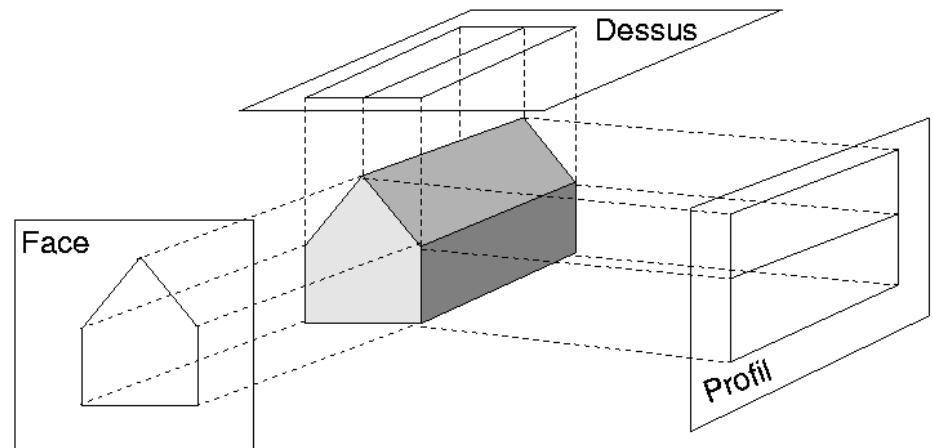
# Projection parallèle

Projection **orthographique** lorsque la direction est **perpendiculaire** au plan de projection.

Projection **oblique** sinon.

## Propriétés géométriques des projections parallèles

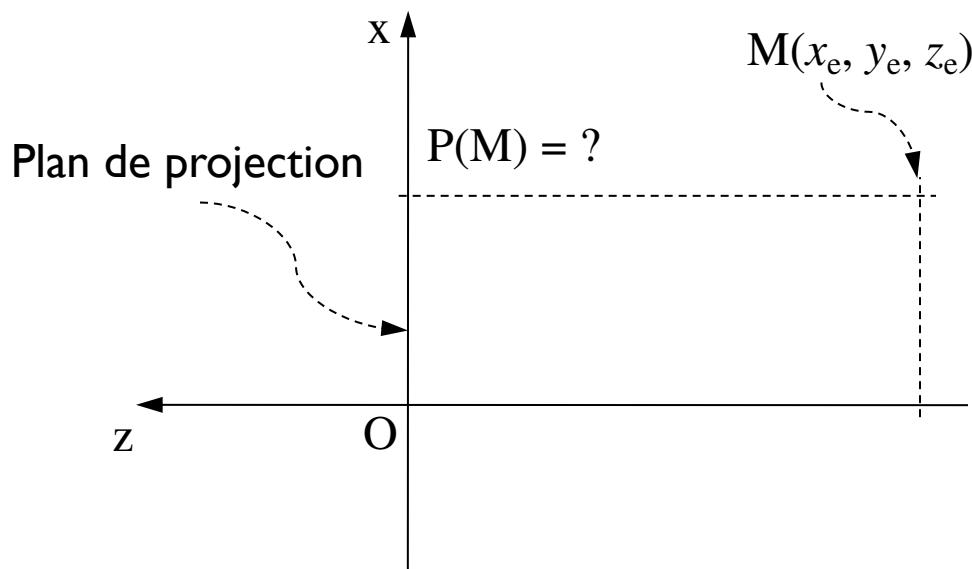
- Conservent le **parallélisme des droites**
- Conservent les **rapports des distances** selon une direction donnée



# Projection parallèle

Matrice en coordonnées homogènes de la projection orthographique canonique :

$$P(x_e, y_e, z_e, w_e) = ?$$



Matrice de la projection  
orthographique sur xOy

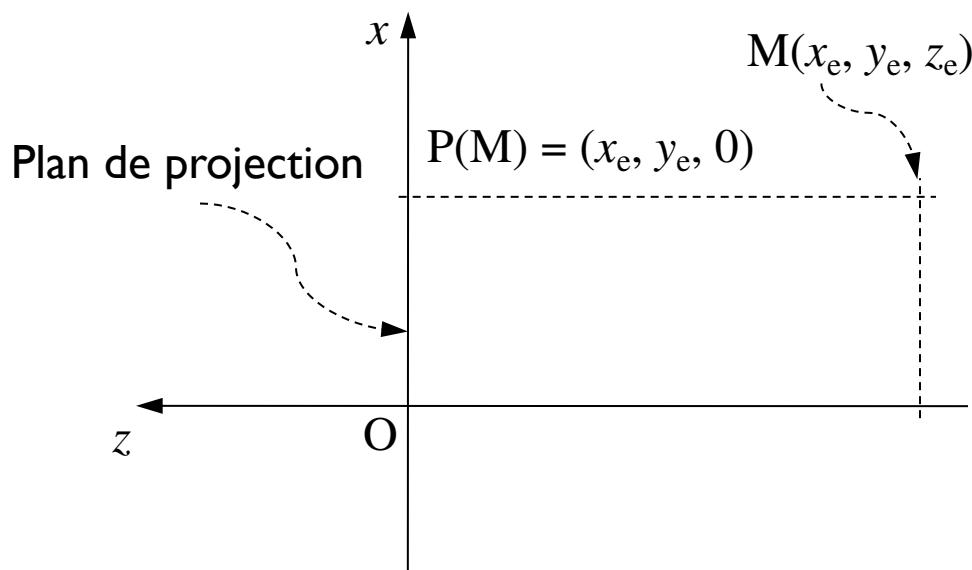
$$\begin{bmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \\ w_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \text{Thinking person icon} \\ ? \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_e \\ y_e \\ z_e \\ w_e \end{bmatrix}$$

$$P(x_e, y_e) = (x_p/w_p, y_p/w_p, z_p/w_p)$$

# Projection parallèle

Matrice en coordonnées homogènes de la projection orthographique canonique :

$$P(x_e, y_e, z_e, w_e) = (x_e, y_e, 0, 1)$$



Matrice de la projection  
orthographique sur xOy

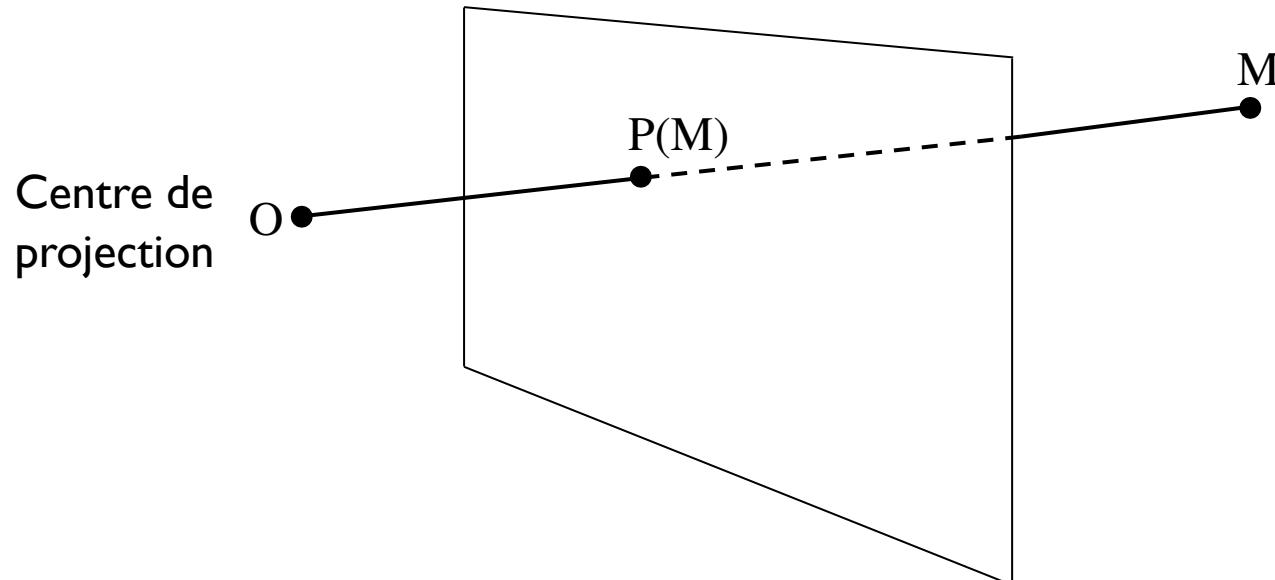
$$\begin{bmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \\ w_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_e \\ y_e \\ z_e \\ w_e \end{bmatrix}$$

$$P(x_e, y_e) = (x_p/w_p, y_p/w_p, z_p/w_p)$$

# Projection perspective

L'image de  $M$  sur le plan  $P$  par rapport au centre  $O$  est  
**l'intersection de la droite  $OM$  avec le plan  $P$**

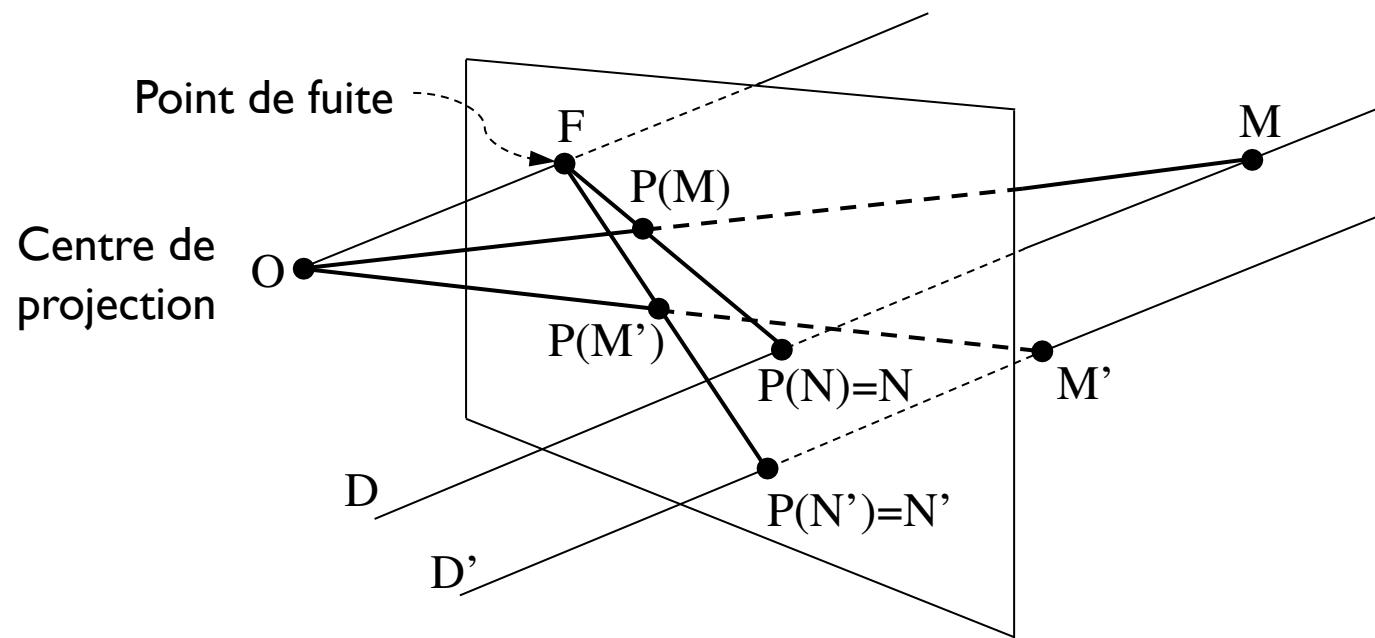
Remarque : Une projection en perspective dont le centre de projection est à l'infini est une projection parallèle



# Projection perspective

## Propriétés géométriques

- Ne **conservent pas le parallélisme** des droites non parallèles au plan de projection

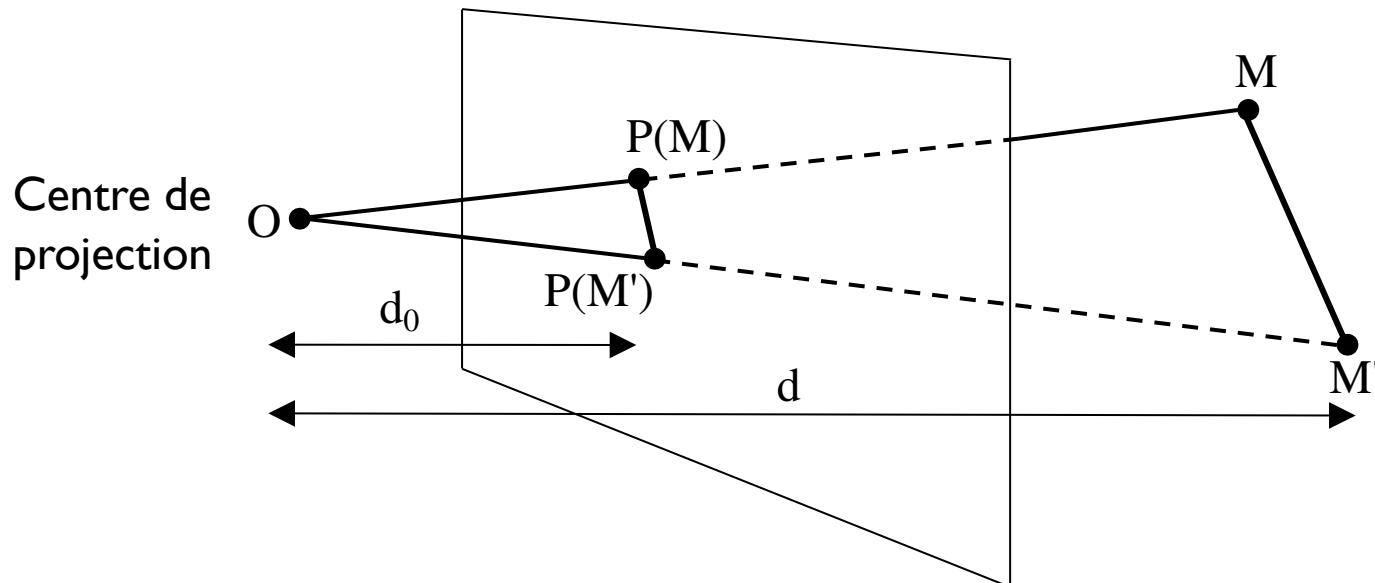


# Projection perspective

## Propriétés géométriques

- Ne conservent pas le parallélisme des droites non parallèles au plan de projection
- La **taille** d'un objet est **inversement proportionnelle** à sa distance au point de projection :

$$|P(M) P(M')| = |MM'| \cdot d_0/d$$

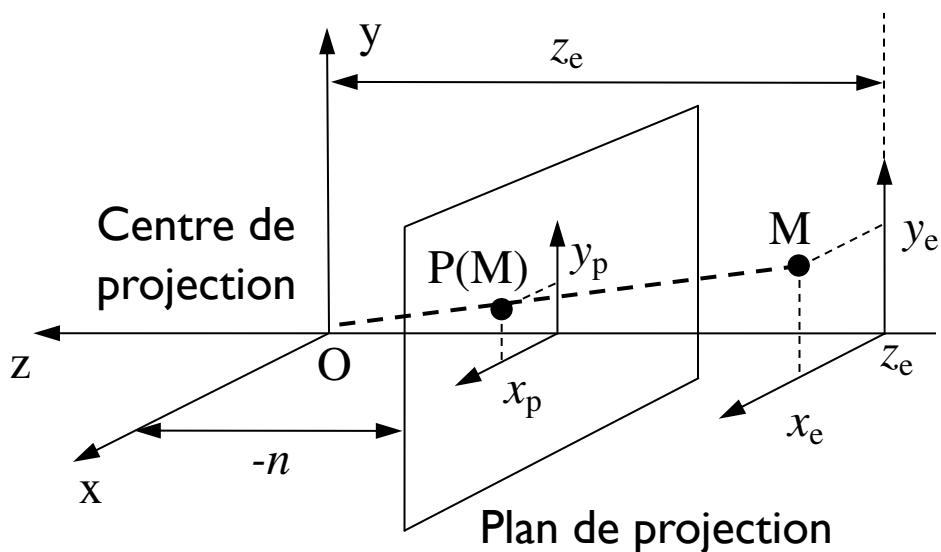


# Projection perspective

## Calcul des coordonnées projetées en perspective

- On se place dans le cas d'une projection canonique : centre O(0,0,0) et plan de projection parallèle à xOy,  $z=-n$
- **Coordonnées dans le plan de projection**

$$P(x_e, y_e) = ?$$



Matrice de la projection  
de centre O sur le plan  $z=-n$

$$\begin{bmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \\ w_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \text{Thinking person icon} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_e \\ y_e \\ z_e \\ w_e \end{bmatrix}$$

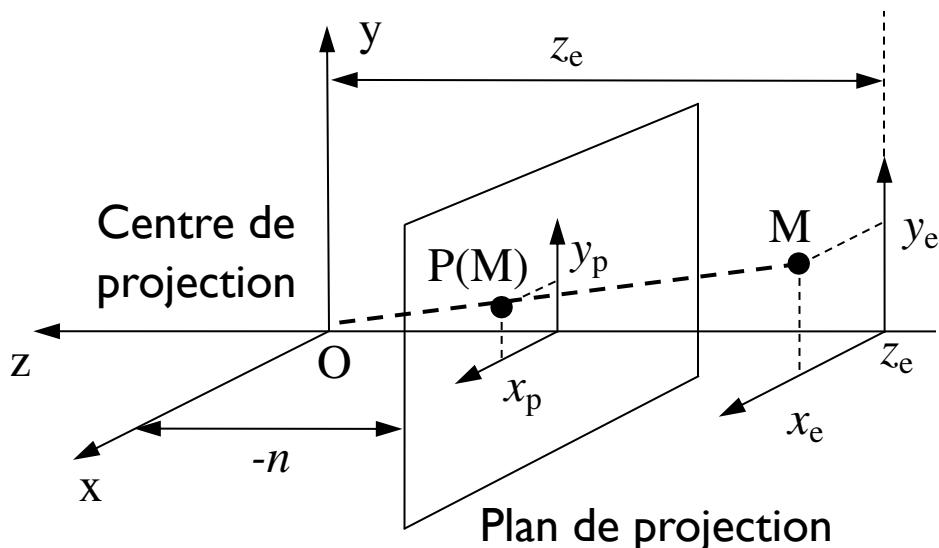
$$P(x_e, y_e) = (x_p/w_p, y_p/w_p, z_p/w_p)$$

# Projections perspectives

## Calcul des coordonnées projetées en perspective

- On se place dans le cas d'une projection canonique : centre O(0,0,0) et plan de projection parallèle à xOy,  $z=-n$
- **Coordonnées dans le plan de projection**

$$P(x_e, y_e) = (x_p, y_p) = ((n x_e) / -z_e, (n y_e) / -z_e)$$



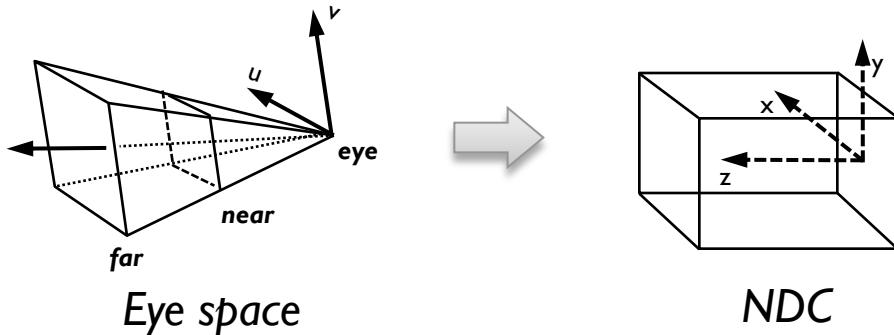
Matrice de la projection  
de centre O sur le plan  $z=-n$

$$\begin{bmatrix} x_p \\ y_p \\ z_p \\ w_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1/-n & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_e \\ y_e \\ z_e \\ w_e \end{bmatrix}$$

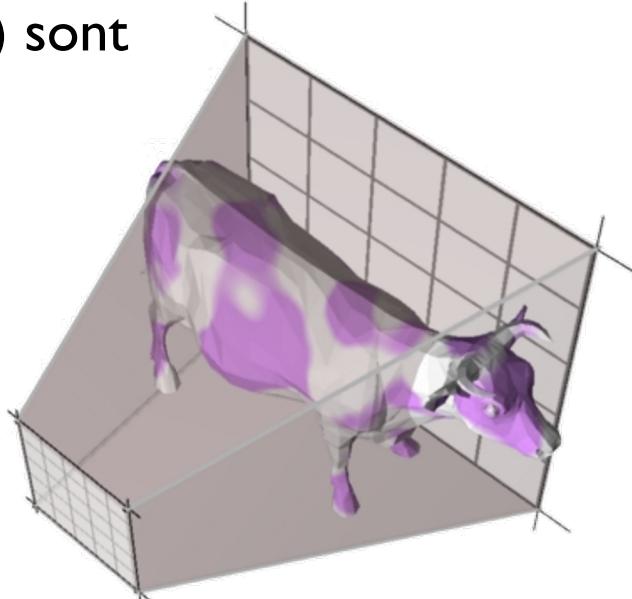
$$P(x_e, y_e) = (x_p/w_p, y_p/w_p, z_p/w_p)$$

# Clipping

Passage en  **coordonnées normalisées**



Les portions en dehors du volume de vue (*frustum*) sont coupées.



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

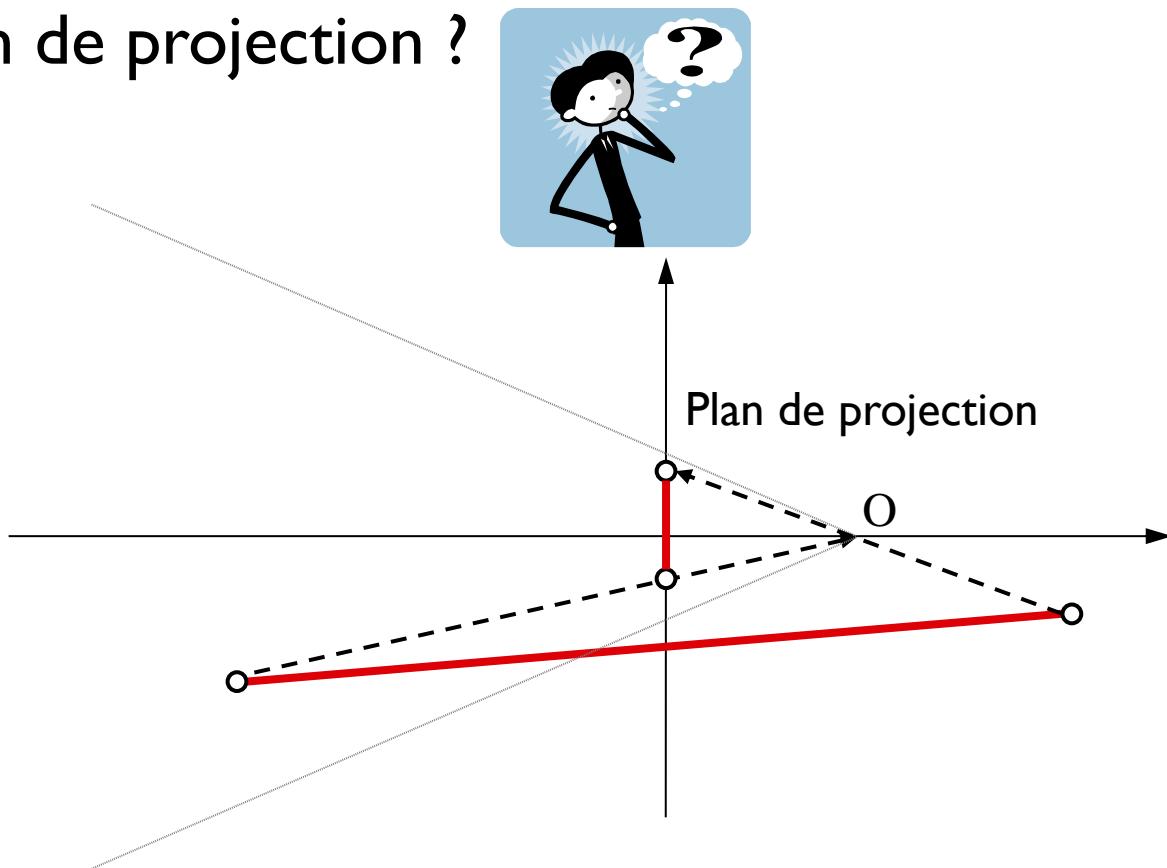
Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Clipping

**Projection perspective = division par  $z$**

Que se passe-t-il quand un point est derrière la caméra ?  
Sur le plan de projection ?

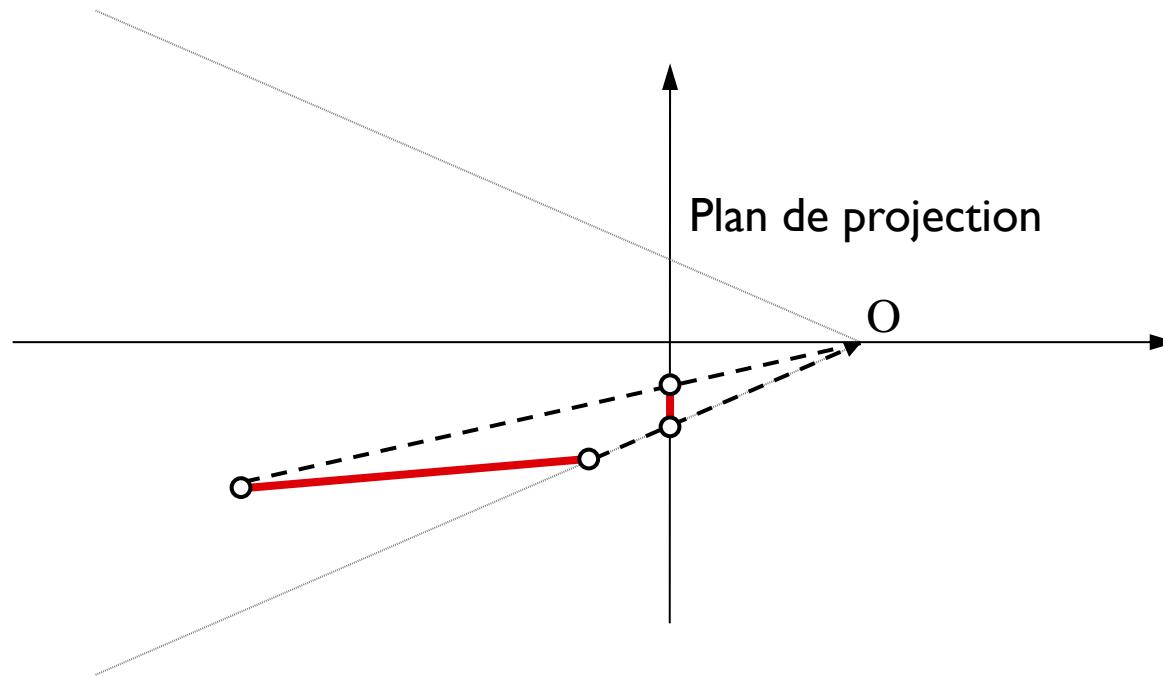


# Clipping

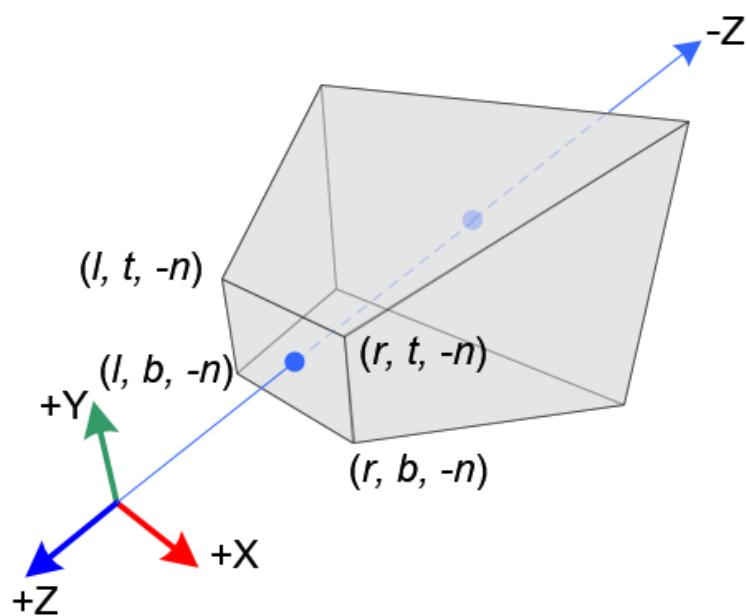
**Projection perspective = division par  $z$**

Que se passe-t-il quand un point est derrière la caméra ?  
Sur le plan de projection ?

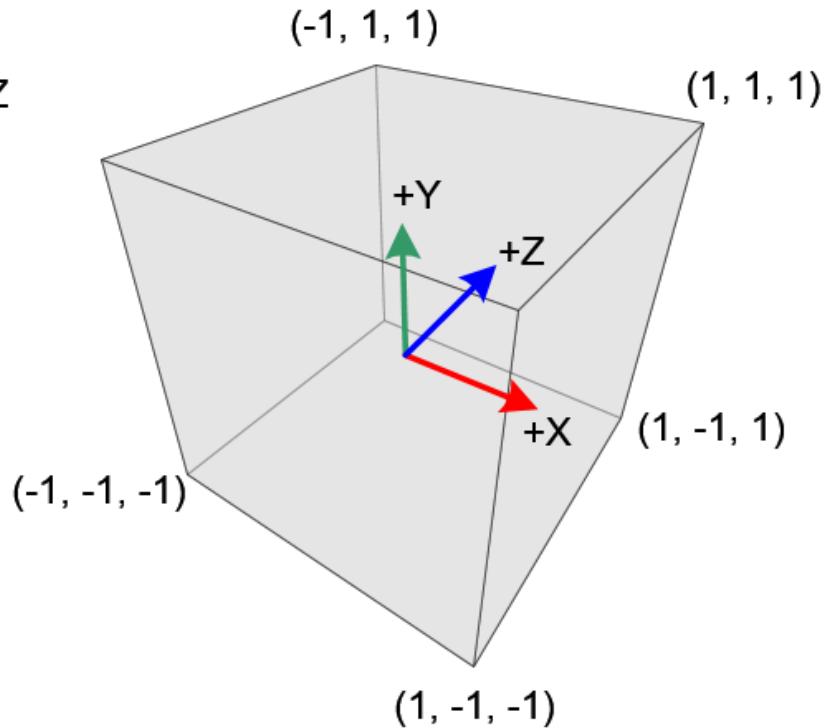
⇒ **Solution : *clipping***



# Coordonnées normalisées



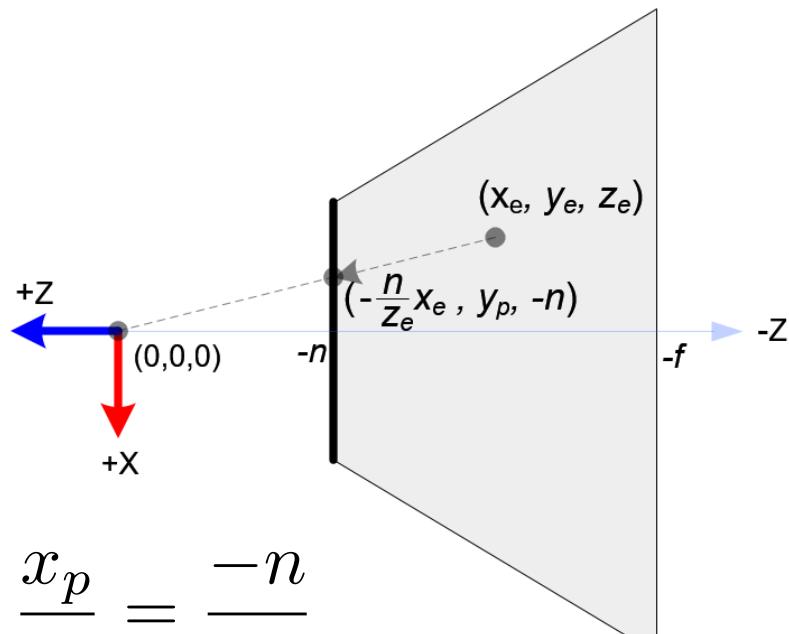
*Frustum perspective*



*Normalized Device Coordinates (NDC)*

# Coordonnées normalisées

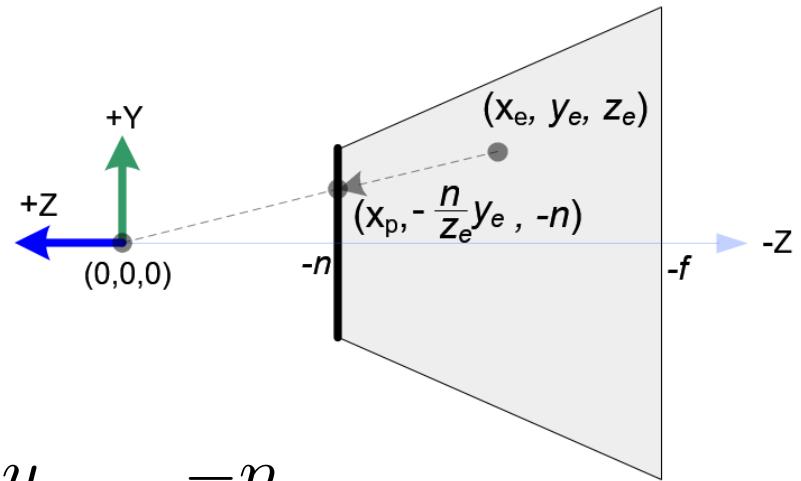
Vue du dessus



$$\frac{x_p}{x_e} = \frac{-n}{z_e}$$

$$x_p = \frac{n x_e}{-z_e}$$

Vue de côté

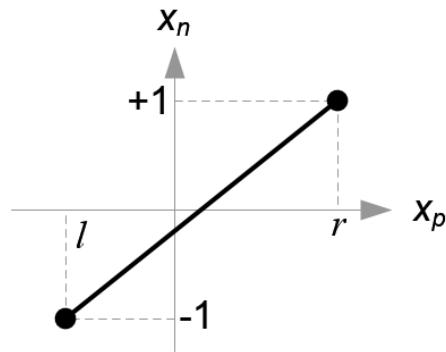


$$\frac{y_p}{y_e} = \frac{-n}{z_e}$$

$$y_p = \frac{n y_e}{-z_e}$$

# Coordonnées normalisées

$$[l, r] \Rightarrow [-1, 1]$$



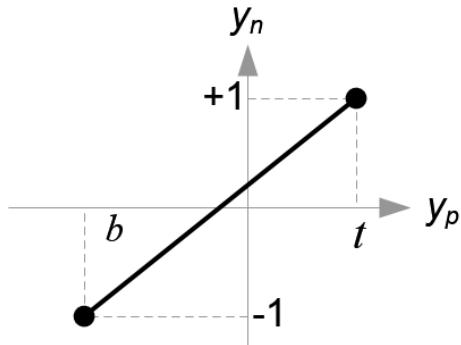
$$x_n = \frac{1 - (-1)}{r - l} x_p + \beta$$

$$1 = \frac{2r}{r - l} \beta \quad (x_p = r, x_n = 1)$$

$$\Rightarrow \beta = 1 - \frac{2r}{r - l} = -\frac{r + l}{r - l}$$

$$\Rightarrow x_n = \frac{2x_p - r - l}{r - l}$$

$$[b, t] \Rightarrow [-1, 1]$$



Similairement :

$$y_n = \frac{2y_p - t - b}{t - b}$$

# Coordonnées normalisées

$$x_n = \frac{2x_p - r - l}{r - l} \quad \text{or} \quad x_p = \frac{nx_e}{-z_e}$$

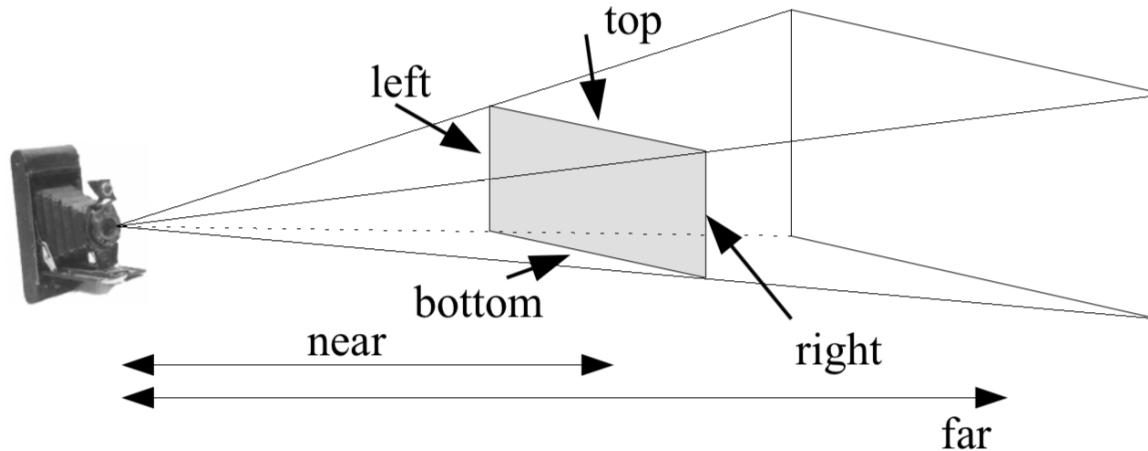
$$= \frac{2\frac{nx_e}{-z_e} - r - l}{r - l}$$

$$= \frac{\frac{2n}{r-l}x_e + \frac{r+l}{r-l}z_e}{-z_e} = x_c$$

Similairement :

$$y_n = \frac{\frac{2n}{t-b}y_e + \frac{t+b}{t-b}z_e}{-z_e} = y_c$$

# Coordonnées normalisées



$$\begin{pmatrix} x_c \\ y_c \\ z_c \\ w_c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{2n}{r-l} & 0 & \frac{r+l}{r-l} & 0 \\ 0 & \frac{2n}{t-b} & \frac{t+b}{t-b} & 0 \\ 0 & 0 & A & B \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_e \\ y_e \\ z_e \\ w_e \end{pmatrix}$$

$$z_n = \frac{z_c}{w_c} = \frac{Az_e + B}{-z_e}$$

[http://www.songho.ca/opengl/gl\\_projectionmatrix.html](http://www.songho.ca/opengl/gl_projectionmatrix.html)

# Coordonnées normalisées

$$[-n, -f] \Rightarrow [-1, 1]$$

$$z_n = \frac{Az_e + B}{-z_e} \Rightarrow \begin{cases} \frac{-An + B}{n} = -1 \\ \frac{-Af + B}{f} = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -An + B = -n \quad (1) \\ -Af + B = f \quad (2) \end{cases}$$

$$(1) \Rightarrow B = An - n \quad (3)$$

$$(2)+(3) \Rightarrow -Af + (An - n) = f$$

$$\Leftrightarrow -(f - n)A = f + n$$

$$\Leftrightarrow A = -\frac{f + n}{f - n} \quad (4)$$

[http://www.songho.ca/opengl/gl\\_projectionmatrix.html](http://www.songho.ca/opengl/gl_projectionmatrix.html)

# Coordonnées normalisées

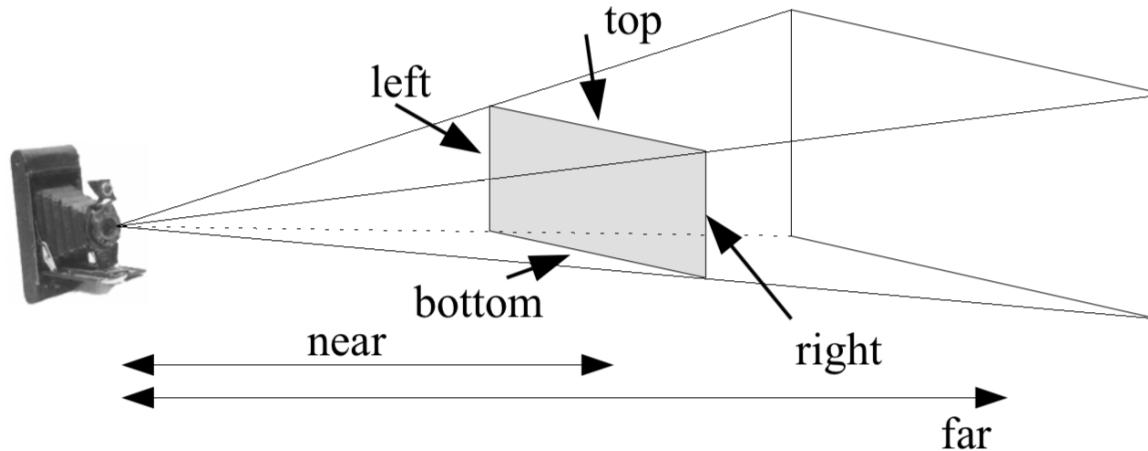
$$(4) \quad A = -\frac{f+n}{f-n} \quad \text{et} \quad (1) \quad -An + B = -n$$

$$\Rightarrow \left( \frac{f+n}{f-n} \right) n + B = -n$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow B &= -n - \left( \frac{f+n}{f-n} \right) n = - \left( 1 + \frac{f+n}{f-n} \right) n = - \left( 1 + \frac{f-n+f+n}{f-n} \right) n \\ &= -\frac{2fn}{f-n} \end{aligned}$$

$$\text{D'où : } z_n = \frac{Az_e + B}{-z_e} \Rightarrow z_n = \frac{-\frac{f+n}{f-n}z_e + -\frac{2fn}{f-n}}{-z_e}$$

# Coordonnées normalisées

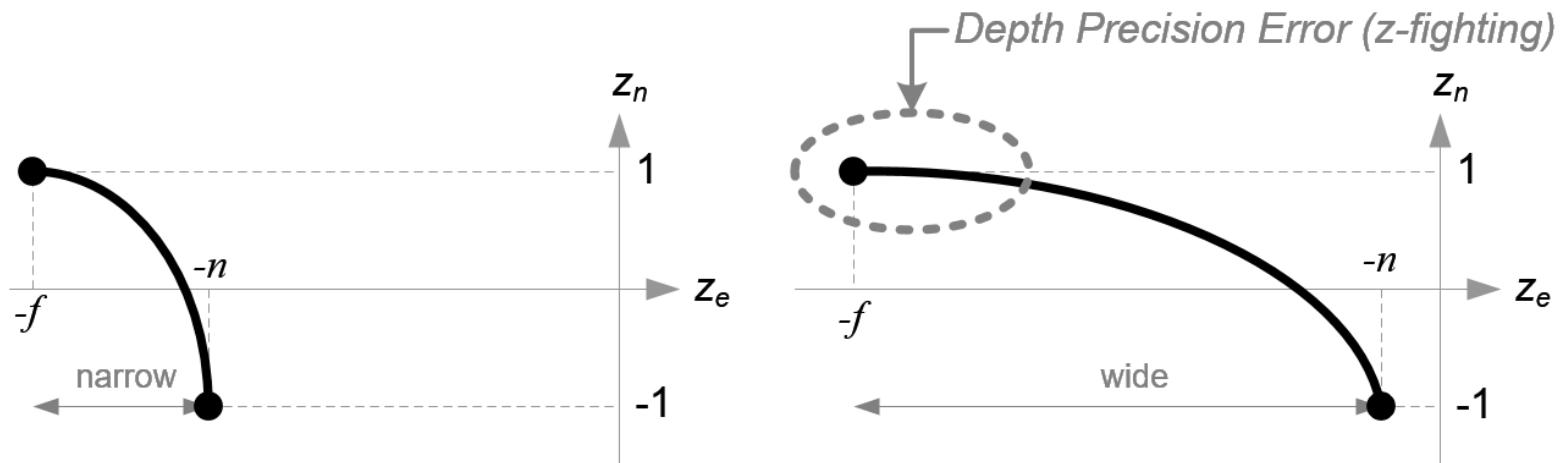


$$\begin{pmatrix} \frac{2n}{r-l} & 0 & \frac{r+l}{r-l} & 0 \\ 0 & \frac{2n}{t-b} & \frac{t+b}{t-b} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{f+n}{f-n} & -\frac{2fn}{f-n} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

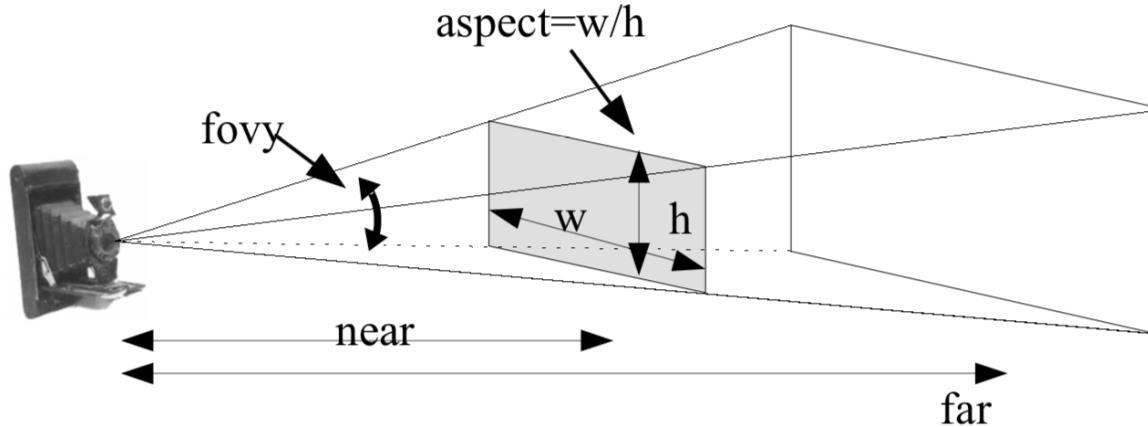
# Projection perspective

## Relation non-linéaire en $z$

⇒ grande précision près du plan ***near***  
mais faible précision au niveau du plan ***far***

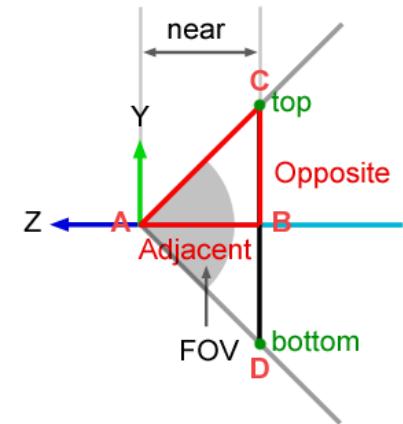


# Projection perspective



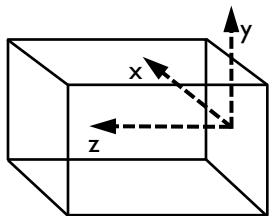
$$\tan\left(\frac{\text{fovy}}{2}\right) = \frac{\text{opposite}}{\text{adjacent}} = \frac{t}{n}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = \tan\left(\frac{\text{fovy}}{2}\right) \times n \\ b = -t \\ r = -t \times \text{aspect} \\ l = -r \end{cases}$$

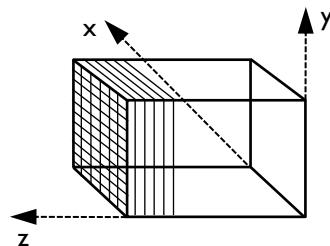


# Viewport

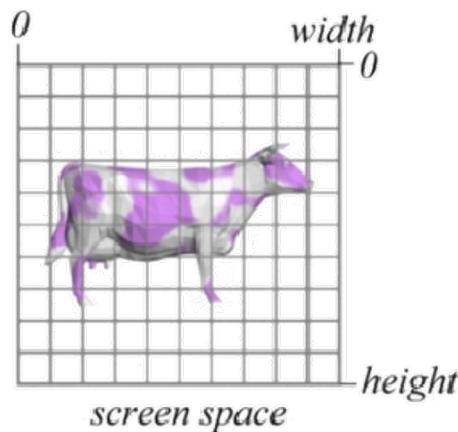
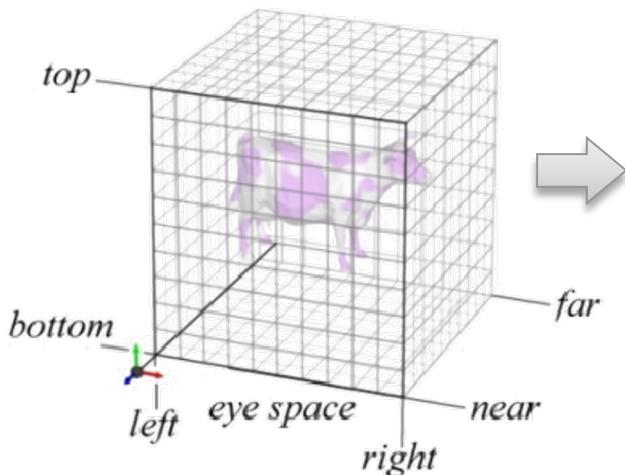
Les primitives 3D sont projetées sur l'image 2D (*screen space*)



NDC



Screen Space

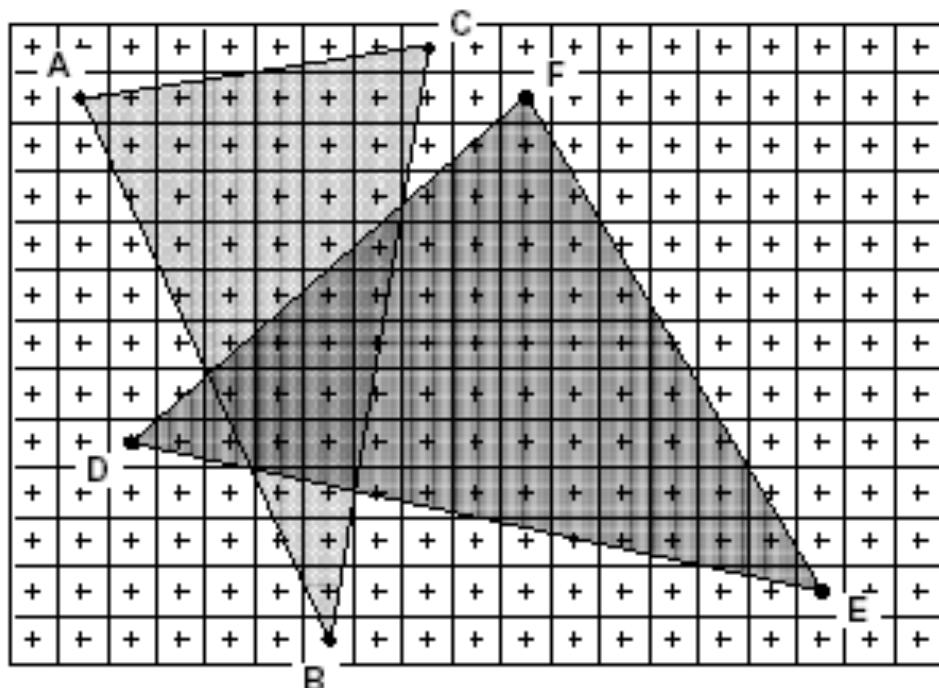


- Modeling Transformations
- Viewing Transformation (Perspective / Orthographic)
- Clipping
- Viewport transform**
- Scan Conversion (Rasterization)
- Illumination (Shading)
- Per fragment operations (visibility, blending)

# Rastérisation

Découpe de la primitive 2D en pixels

**Interpolation** des valeurs connues aux sommets : couleur, profondeur,...



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

Illumination  
(Shading)

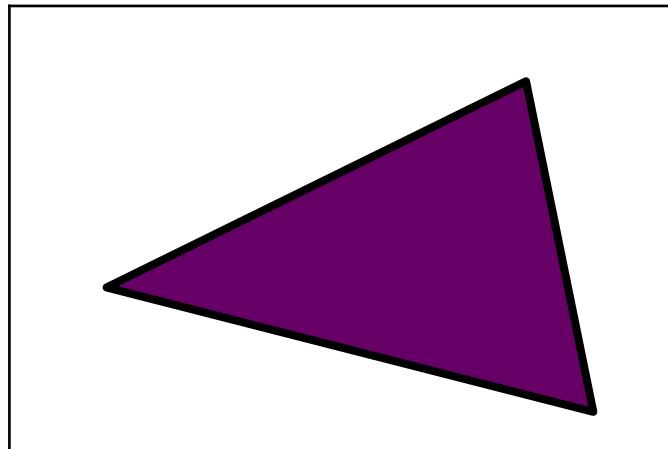
Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Rastérisation

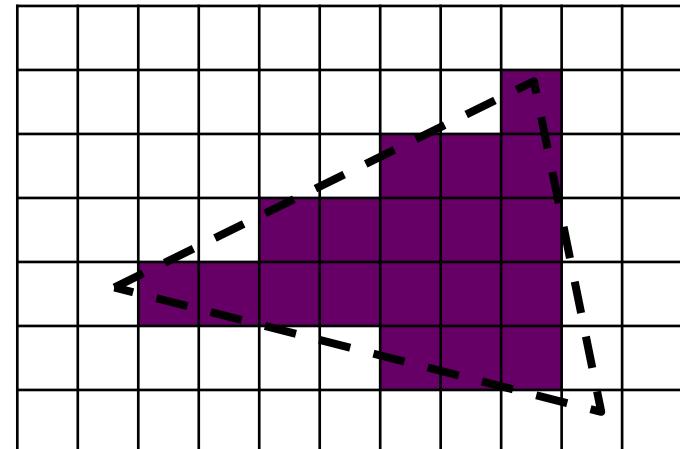
Un **fragment** = un **pixel** dans l'image finale

Les attributs (couleur, coordonnées de textures, profondeur) sont assignés à chaque fragment

Ces informations sont **interpolées** à partir des valeurs aux sommets



Rastérisation



Représentation **vectorielle**

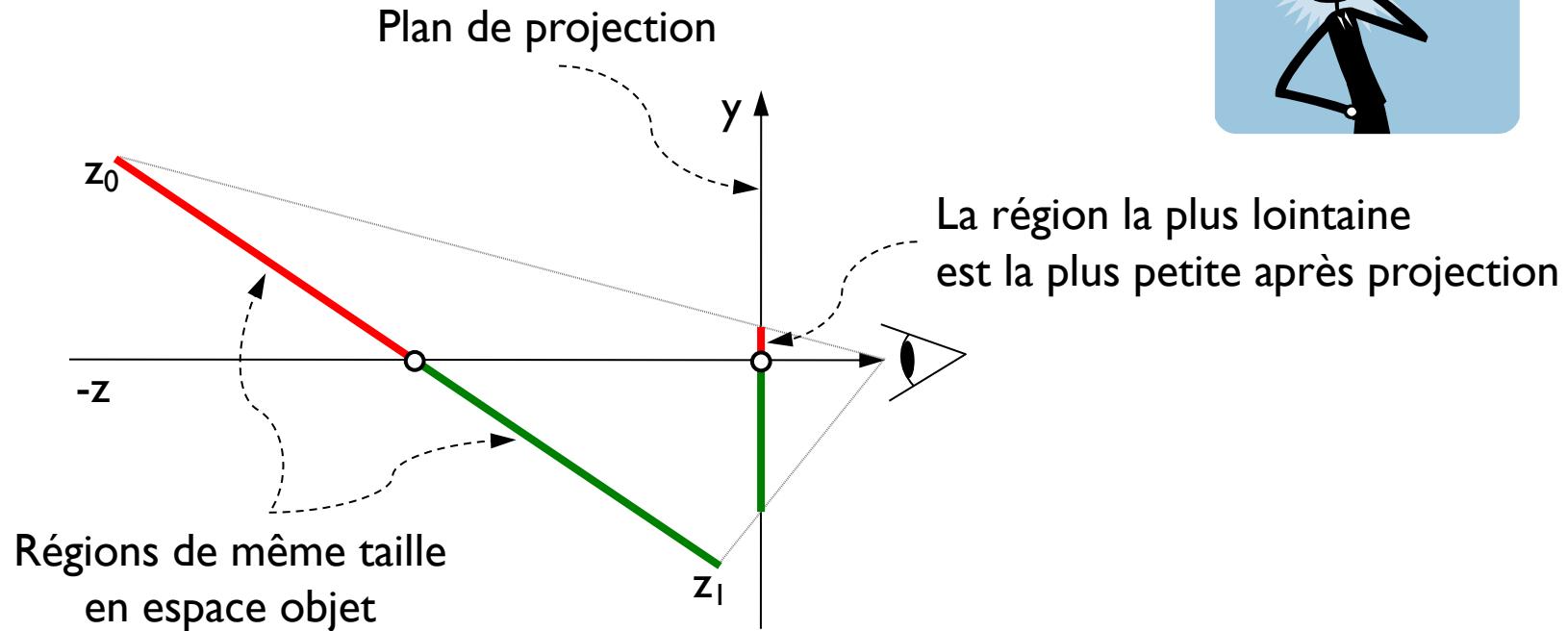
Représentation **matricielle**

# Interpolation des attributs

On doit interpoler les attribut définis **aux sommets** (couleurs, normales, coordonnées de textures...)

## Interpolation linéaire en espace objet

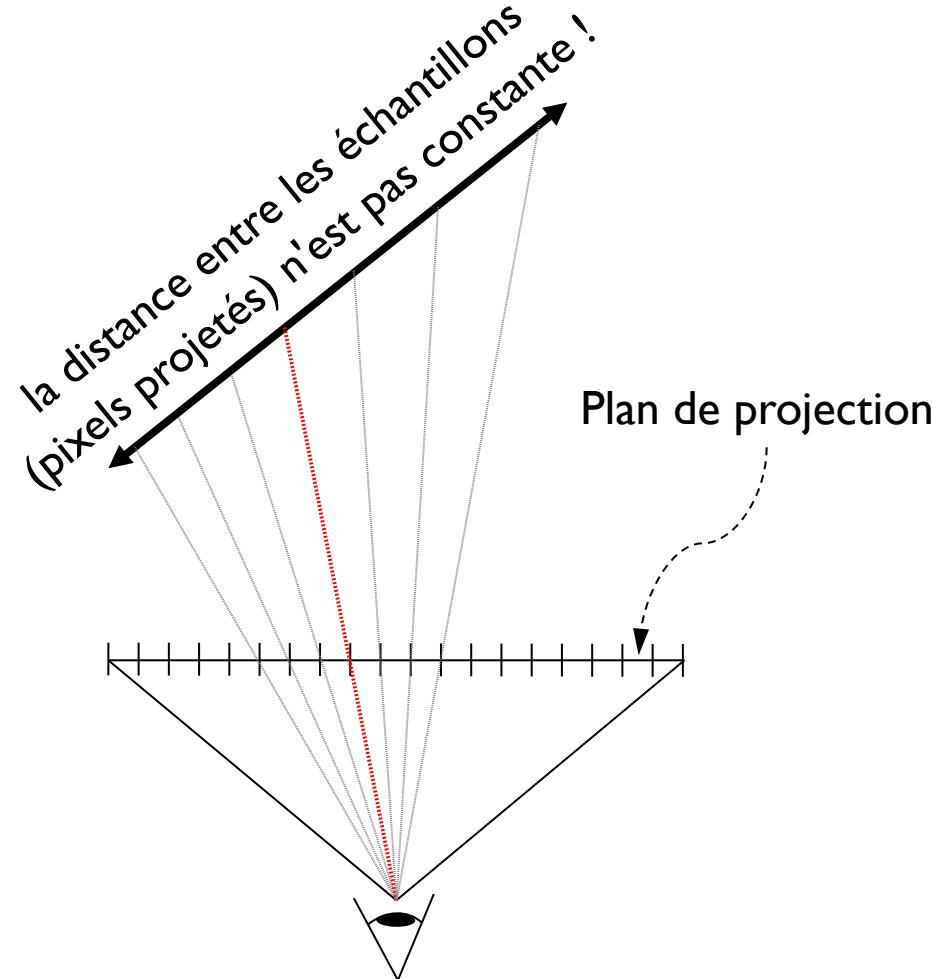
⇒ Est-elle linéaire en espace écran ?



# Attention à la perspective

**La projection perspective n'est pas linéaire !**

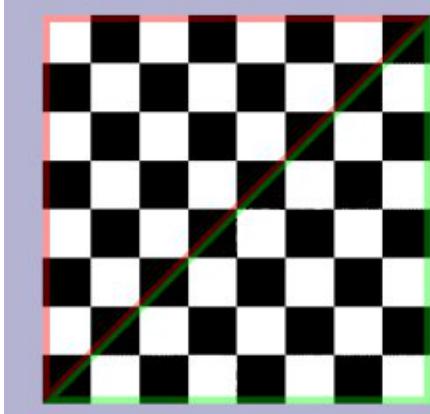
⇒ On ne peut pas interpoler linéairement dans le plan image 2D



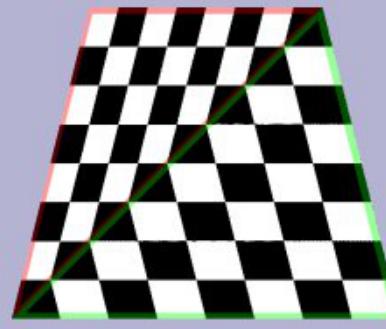
# Attention à la perspective !

**Solution :** interpoler en considérant la profondeur,  
⇒  $1/z$  et  $u/z$  sont linéaires en espace écran  
⇒ calculs en  **coordonnées homogènes**

Interpolation  
à z constant



Interpolation linéaire  
en espace image



Prise en compte  
de la perspective

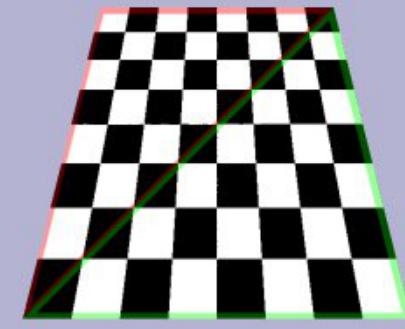


Image : Wikipedia

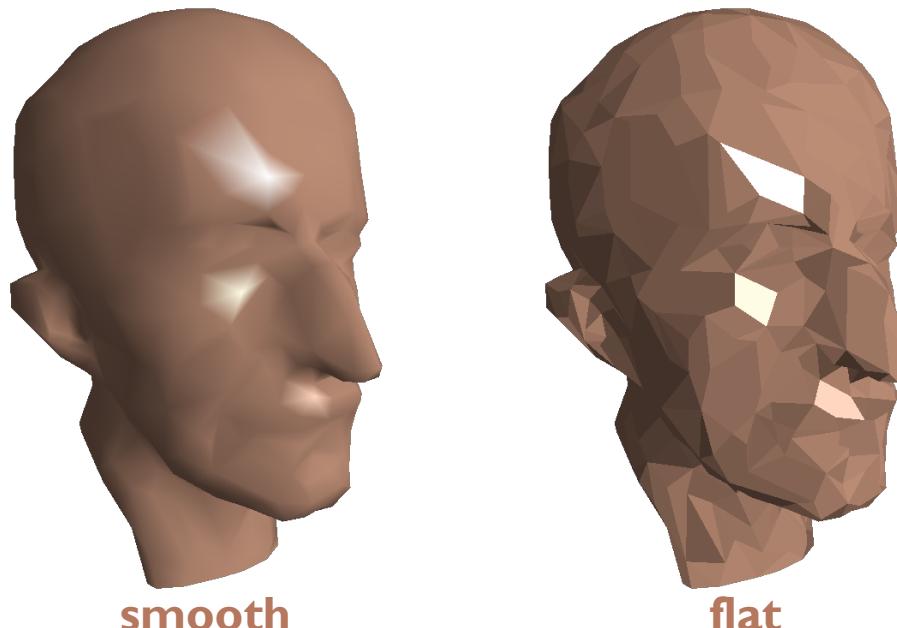
$$u_\alpha = (1 - \alpha)u_0 + \alpha u_1$$
$$\alpha \in [0, 1]$$

$$u_\alpha = \frac{(1 - \alpha)\frac{u_0}{z_0} + \alpha\frac{u_1}{z_1}}{(1 - \alpha)\frac{1}{z_0} + \alpha\frac{1}{z_1}}$$

# Interpolation des attributs

## Contrôle de l'interpolation en GLSL

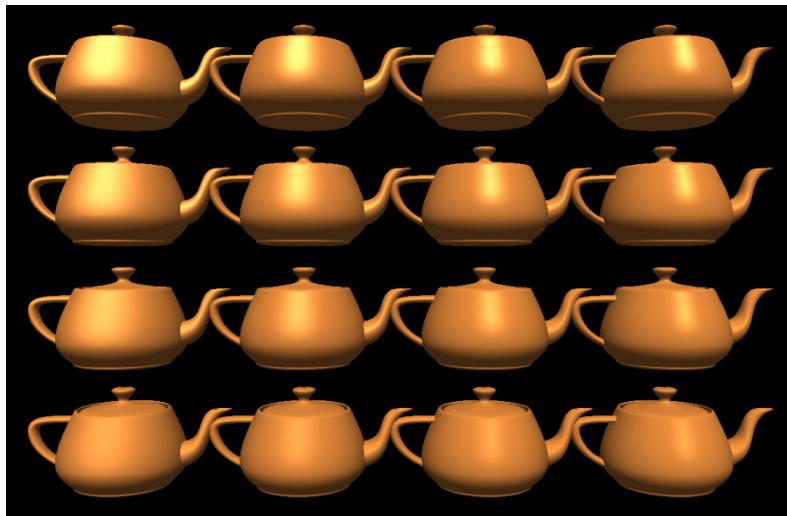
```
smooth           in vec3 color; // interpolation lisse par défaut  
flat             in vec3 color;  
noperspective    in vec3 color; // copie la valeur du 1er sommet
```



# Illumination

Les primitives sont éclairées selon leur **matériaux et les sources de lumière.**

Les modèles d'éclairage sont **locaux**  
⇒ le calcul est effectué **par primitive.**



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

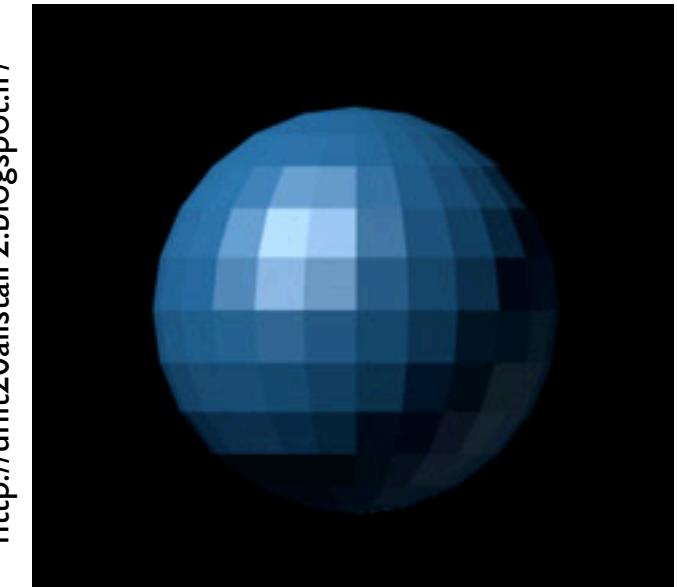
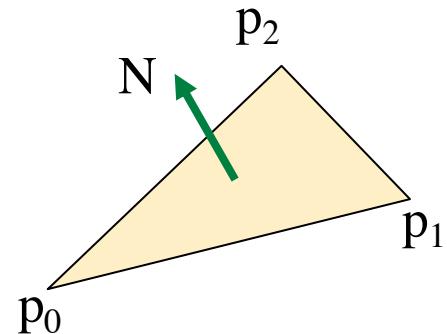
Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

# Flat shading

## Calcul des valeurs d'intensité **par face**

- Calculer une seule valeur d'illumination pour la face
- Ex. : milieu de la face, normale est celle du plan contenant la face  $N =$



<http://unit20alistair2.blogspot.fr/>

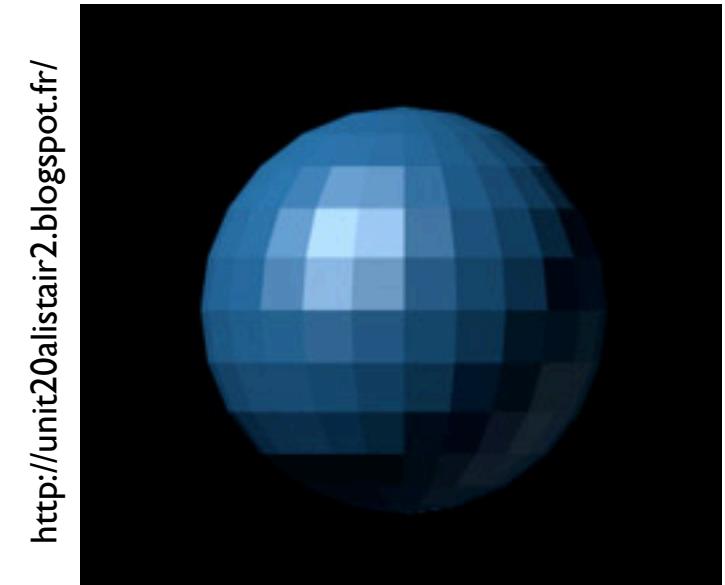
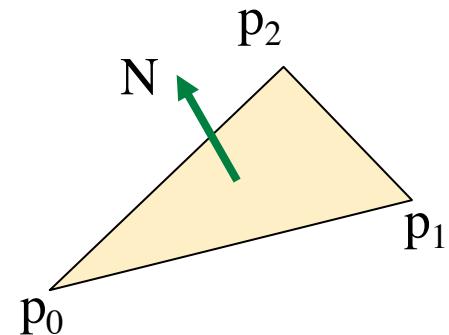
# Flat shading

## Calcul des valeurs d'intensité **par face**

- Calculer une seule valeur d'illumination pour la face
- Ex. : milieu de la face, normale est celle du plan contenant la face  $\mathbf{N} = (\mathbf{p}_1 - \mathbf{p}_0) \times (\mathbf{p}_2 - \mathbf{p}_0)$

## Approche valide quand :

- la source lumineuse est à l'infini
- la projection est orthographique
- la surface est composée de faces polygonales uniquement



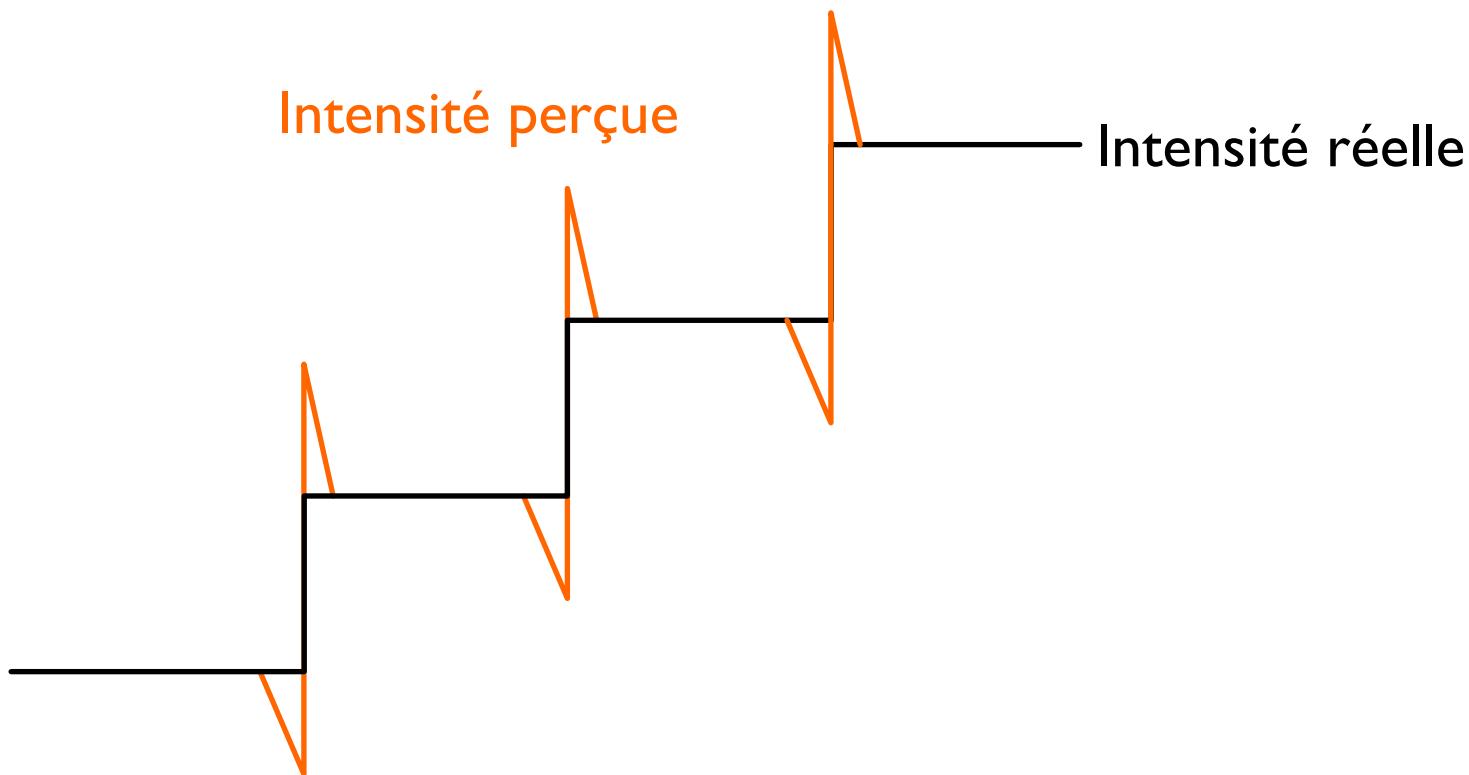
<http://unit20alistair2.blogspot.fr/>

# Flat shading

**Problème :** discontinuités entre les faces

L'œil les perçoit très bien

⇒ effet de « **Mach Banding** »



# « Mach Banding »

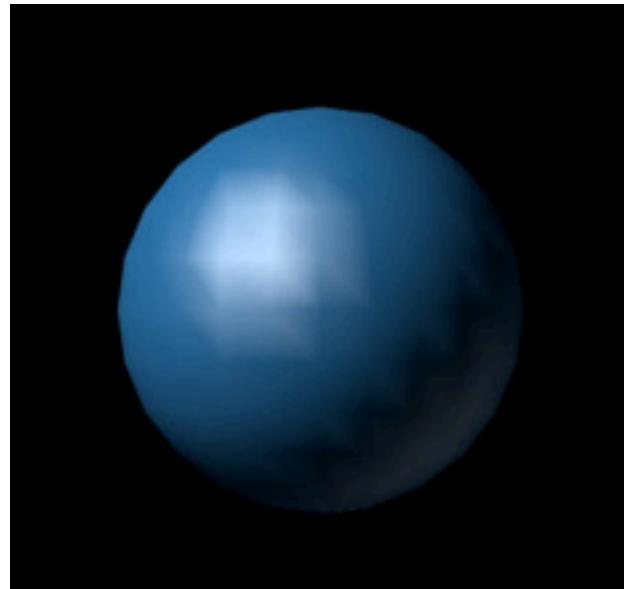


# Gouraud shading

**Interpolation des valeurs d'intensité calculées  
aux sommets de la face**

1. Calcul des normales aux sommets
2. Calcul des intensités (couleurs) aux sommets
3. Interpolation des intensité avec les coordonnées barycentriques

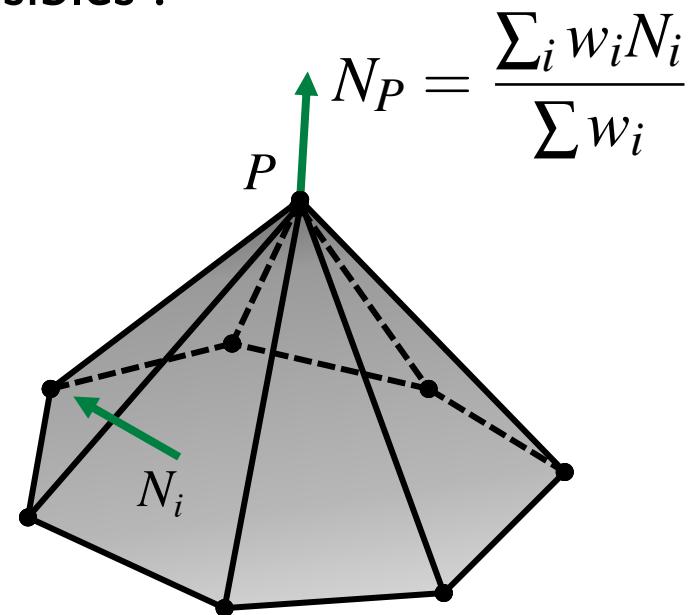
<http://unit20alistair2.blogspot.fr/>



# Normales aux sommets

**Moyenne** (pondérée) des **normales des faces** adjacentes à ce sommet

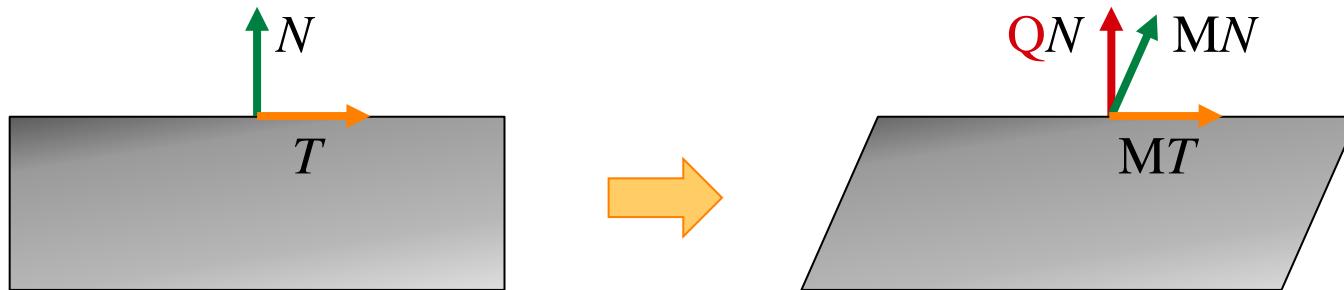
- Normales unitaires
- Différentes pondérations  $w_i$  possibles :
  - Unité
  - Aire de la face
  - Angle entre faces adjacentes



c.f. <http://www.bytehazard.com/articles/vertnorm.html>

# Transformation des normales

**Ne se transforme pas comme un point**



**Quelle est la bonne transformation  $\mathbf{Q}$  ?**

- Avant transformation :  $N \cdot T = 0 \Leftrightarrow N^\top T = 0$
- Après transformation :

$$\begin{aligned} (\mathbf{Q}N)^\top (\mathbf{M}T) &= N^\top \mathbf{Q}^\top \mathbf{M}T = 0 \\ \Rightarrow \mathbf{Q}^\top \mathbf{M} &= \mathbf{I} \\ \Rightarrow \mathbf{Q} &= (\mathbf{M}^{-1})^\top \end{aligned}$$

...pas en coordonnées homogène (seulement la matrice 3x3 supérieure)

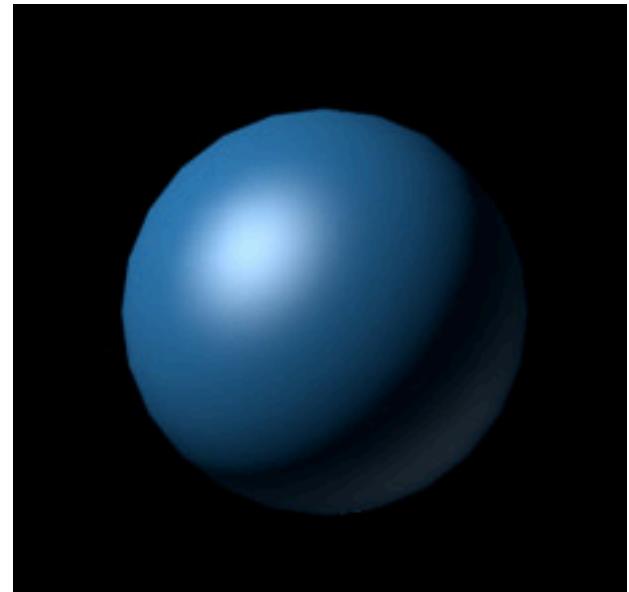
# Phong shading

...à ne pas confondre avec la BRDF de Phong !

## Interpolation des normales calculées aux sommets de la face

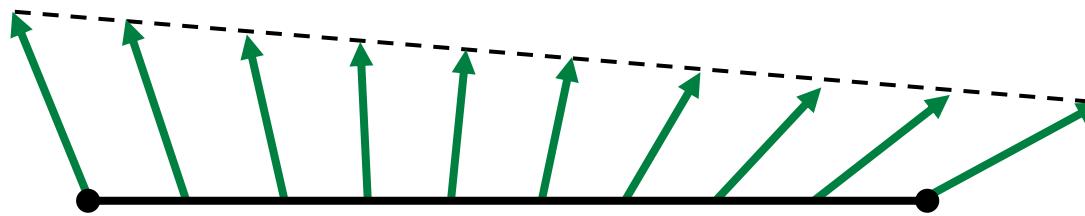
1. Calcul des normales aux sommets
2. Interpolation des normales avec les coordonnées barycentriques
3. Calcul des intensités par fragment

<http://unit20alistair2.blogspot.fr/>

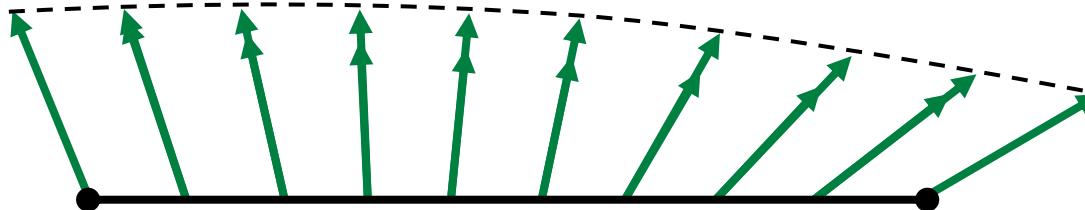


# Interpolation des normales

## Interpolation naïve



## Interpolation avec normalisation

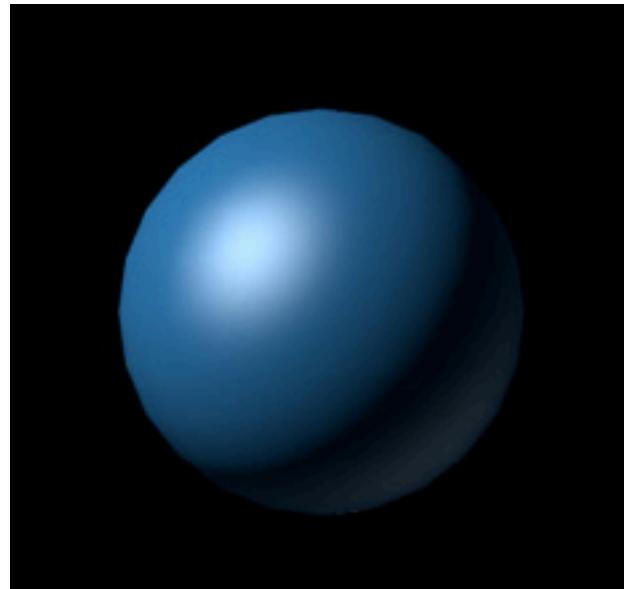


# Phong shading

**Interpolation des normales** calculées  
**aux sommets** de la face

1. Calcul des normales aux sommets
2. Interpolation des normales lors de la rastérisation
3. **Normalisation des normales**
4. Calcul des intensités par fragment

<http://unit20alistair2.blogspot.fr/>

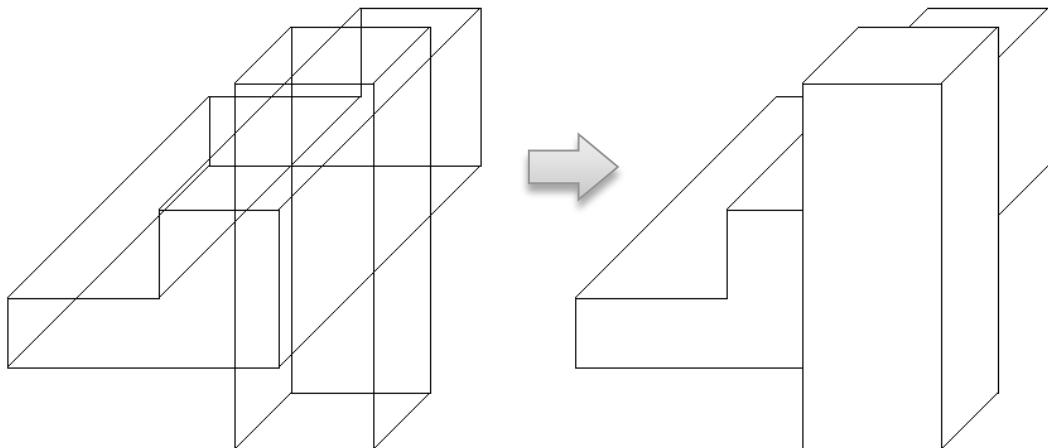


# Visibilité, affichage

Calcule des primitives visibles :

⇒ **depth buffer**

Remplissage du **frame buffer** avec le bon format de couleur



Modeling  
Transformations

Viewing Transformation  
(Perspective / Orthographic)

Clipping

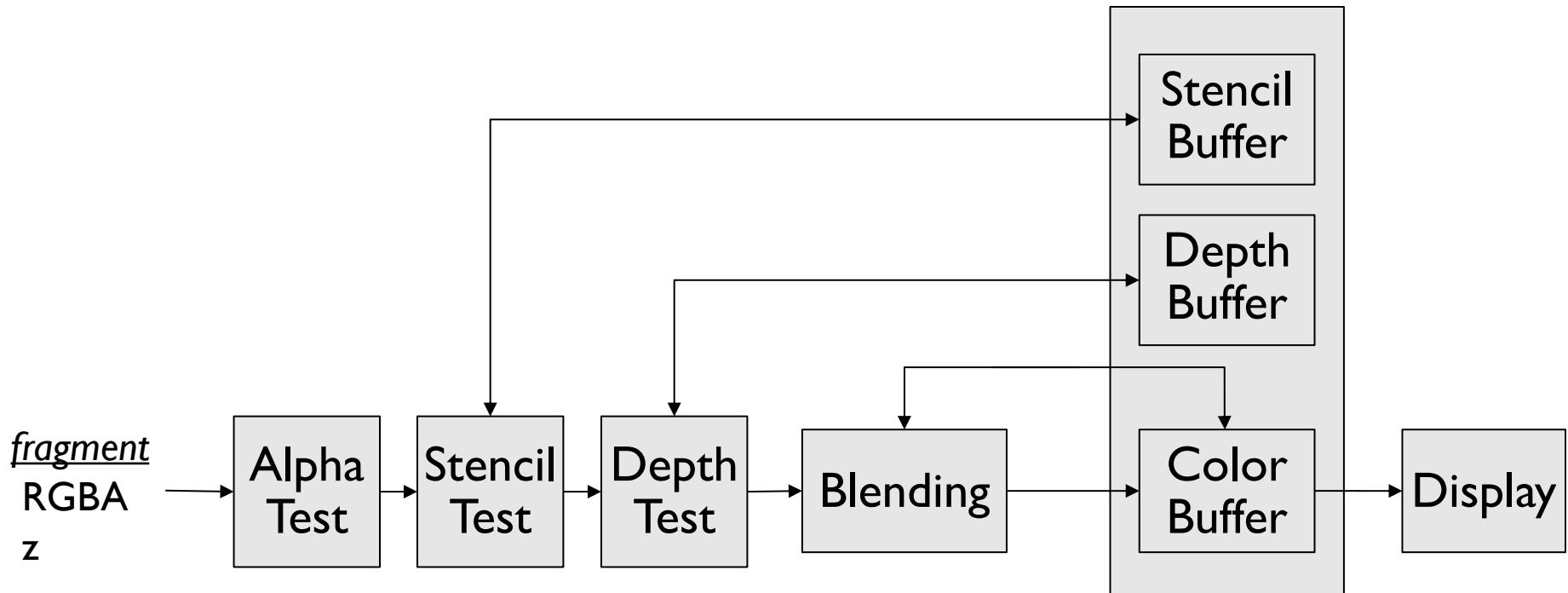
Viewport transform

Scan Conversion  
(Rasterization)

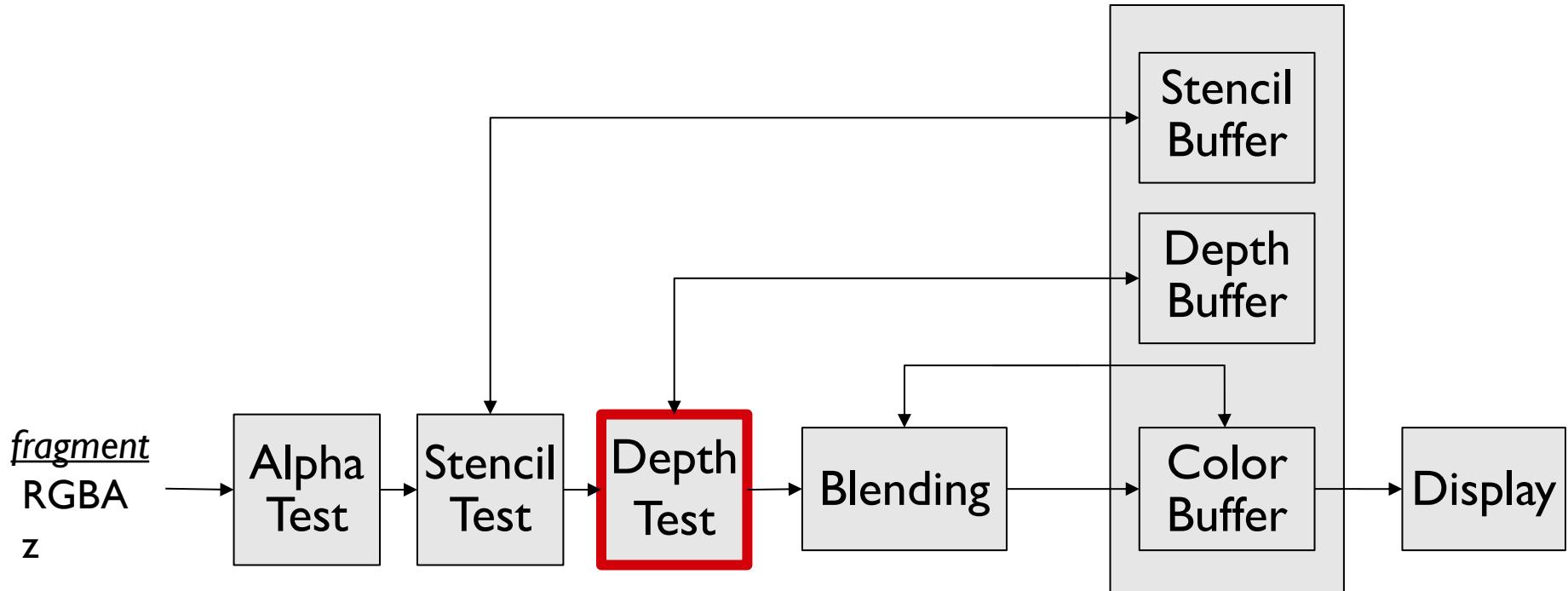
Illumination  
(Shading)

Per fragment operations  
(visibility, blending)

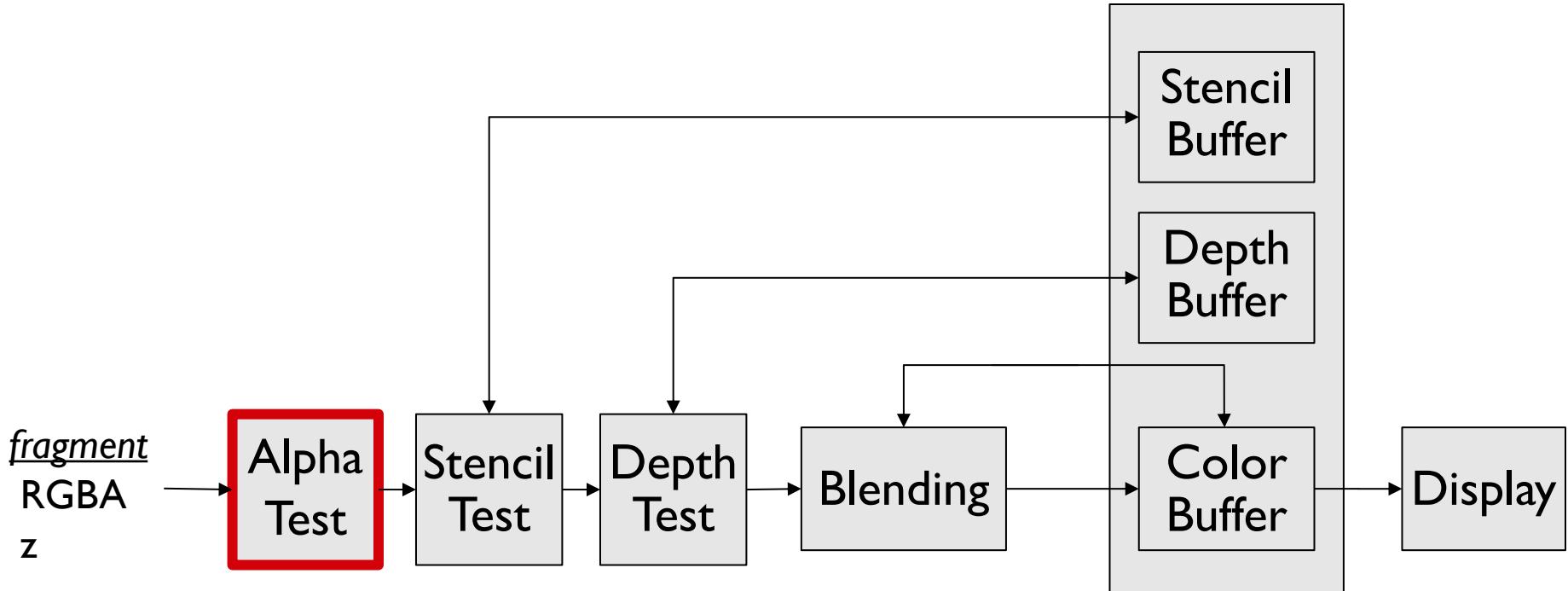
# Per fragment operations



# Depth test



# Alpha test



# Alpha test

**Supprime le fragment si la composante transparence (alpha) ne satisfait pas un certain critère**

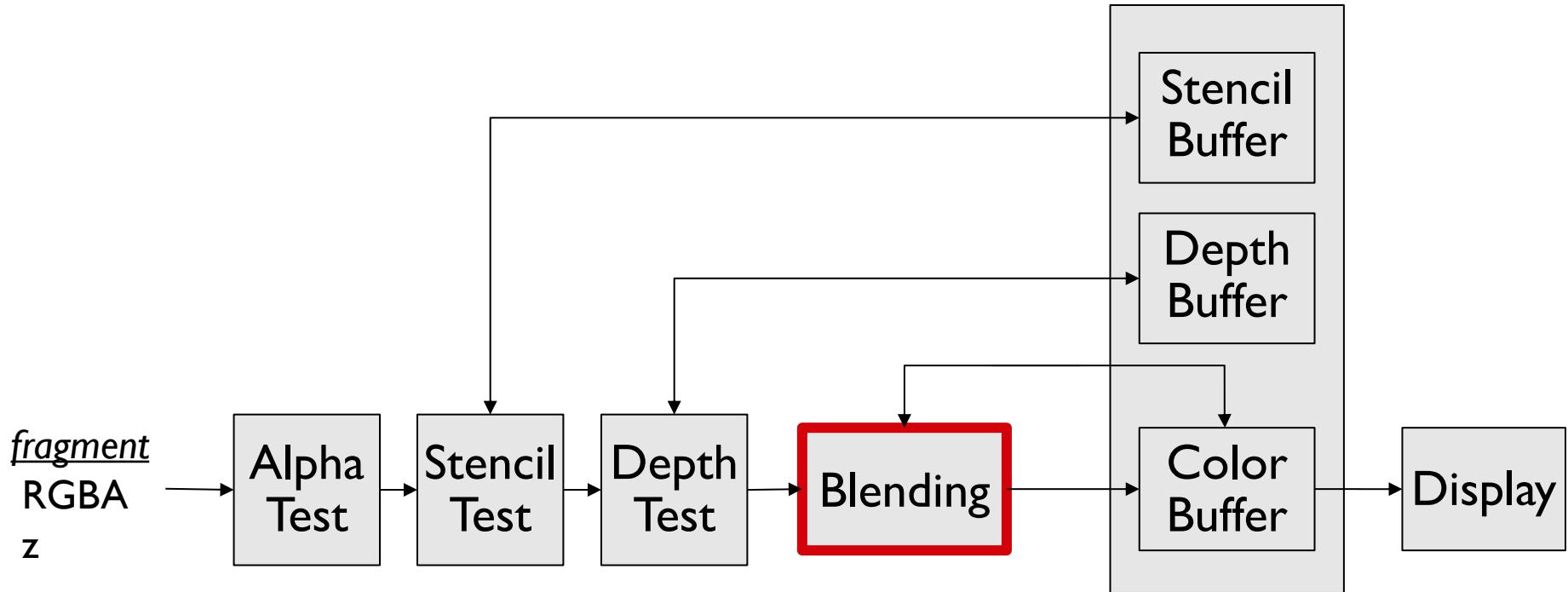
- Critère = **comparaison à une valeur de référence**
- Ex : grillage, végétation (herbe, feuilles d'arbres)...

**En OpenGL :**

- **glAlphaFunc(GLenum func, GLclampf ref)**
- **func** = **GL\_NEVER, GL\_ALWAYS,**  
**GL\_LESS, GL\_GREATER,**  
**GL\_EQUAL, GL\_NOTEQUAL,**  
**GL\_LEQUAL, GL\_GEQUAL**
- Activé par :  
**glEnable/Disable(GL\_ALPHA\_TEST)**

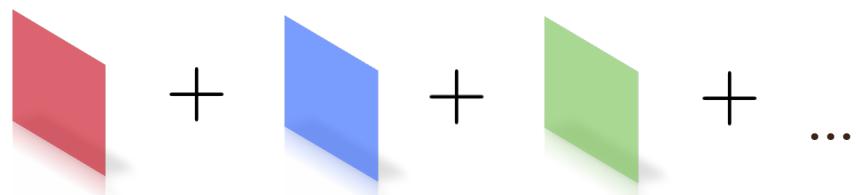


# Compositing / Blending



# Compositing / Blending

couleur du pixel =



# Compositing / Blending

Les fragments **sont mélangés** avec les pixels du **color buffer** :

$$C_{pixel} = C_{frag} \times factor_{src} + C_{pixel} \times factor_{dst}$$

Permet de simuler la transparence

En **OpenGL** :

- `glBlendFunc(GLenum source, GLenum destination)`
- Activé par :  
 `glEnable/Disable(GL_BLEND)`

# Contrôle du mélange

$$\text{RGB}_{\text{pixel}} = \text{func}(\text{RGB}_{\text{frag}} \times \text{fRGB}_{\text{src}}, \text{RGB}_{\text{pixel}} \times \text{fRGB}_{\text{dst}})$$

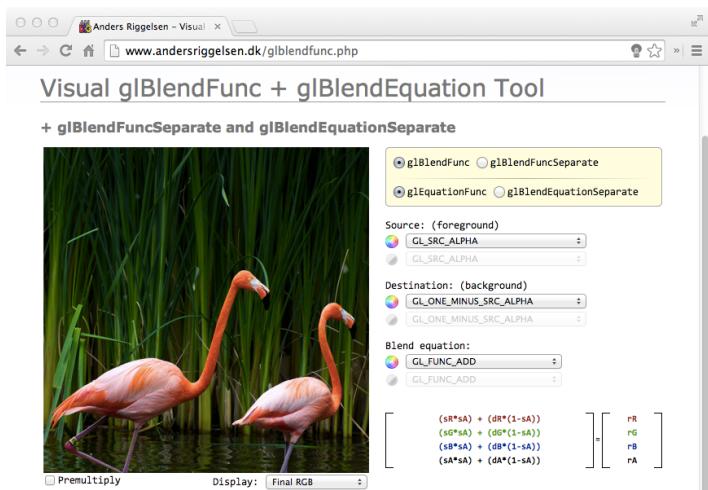
$$\text{A}_{\text{pixel}} = \text{func}(\text{A}_{\text{frag}} \times \text{fA}_{\text{src}}, \text{A}_{\text{pixel}} \times \text{fA}_{\text{dst}})$$

Avec :

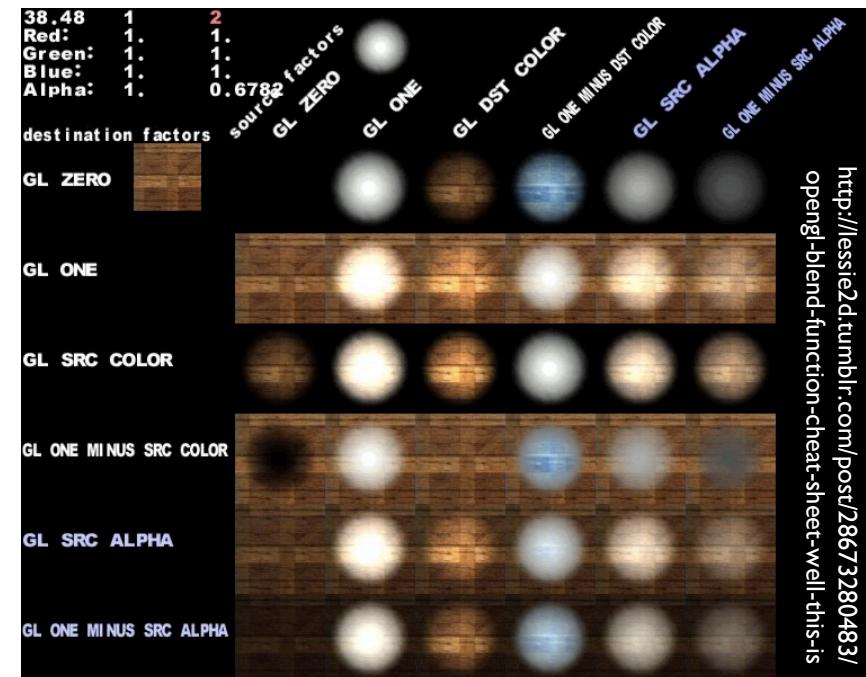
`func = MIN, MAX, FUNC_ADD, FUNC_SUBTRACT, FUNC_REVERSE_SUBTRACT`

`f* = GL_{SRC, DST, CONSTANT}_{ALPHA, COLOR}`

`GL_ONE_MINUS_{SRC, DST, CONSTANT}_{ALPHA, COLOR}`



Cf. <http://www.andersriggelsen.dk/glblendfunc.php>



<http://lessie2d.tumblr.com/post/28673280483/opengl-blend-function-cheat-sheet-well-this-is>

# Rendu des objets transparents

## Addition

$$C_{pixel} = C_{pixel} + C_{frag}$$

Utilisé pour les phénomènes lumineux (halos, lumière, fantômes,...)



# Rendu des objets transparents

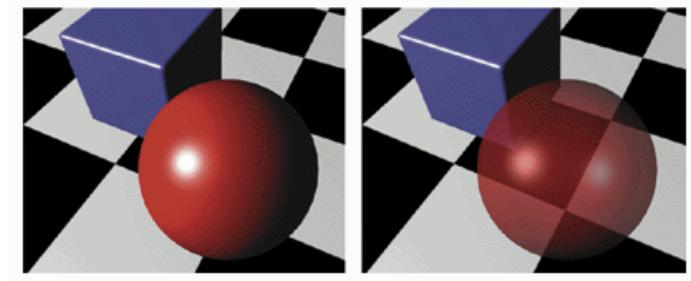
**Alpha-blending** [Porter and Duff 1984]

$$\begin{cases} C_{pixel\_a} = C_{frag\_a} + C_{pixel\_a}(1 - C_{frag\_a}) \\ C_{pixel\_rgb} = (C_{frag\_rgb} \cdot C_{frag\_a} + C_{pixel\_rgb} \cdot C_{pixel\_a} \cdot (1 - C_{frag\_a})) / C_{pixel\_a} \end{cases}$$

En OpenGL :

- `glBlendFunc(GL_SRC_ALPHA, GL_ONE_MINUS_SRC_ALPHA)`
- Utilise l'alpha du fragment

From Computer Desktop Encyclopedia  
Reprinted with permission.  
© 1998 Intergraph Computer Systems



# Rendu des objets transparents

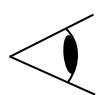
**Alpha-blending** [Porter and Duff 1984]

$$\begin{cases} C_{pixel\_a} = 1 \\ C_{pixel\_rgb} = C_{frag\_rgb} C_{frag\_a} + C_{pixel\_rgb} (1 - C_{frag\_a}) \end{cases}$$

En **OpenGL** :

- `glBlendFunc(GL_SRC_ALPHA, GL_ONE_MINUS_SRC_ALPHA)`
- Utilise l'alpha du fragment

# Alpha-blending



# Alpha-blending



$$C_0 = \alpha_0 c_0$$

$$C_n = \alpha_n c_n + (1 - \alpha_n) C_{n-1}$$

# Rendu des objets transparents

**Alpha-blending** [Porter and Duff 1984]

$$C_{pixel\_rgb} = C_{frag\_rgb} \cdot C_{frag\_a} + C_{pixel\_rgb} \cdot (1 - C_{frag\_a})$$

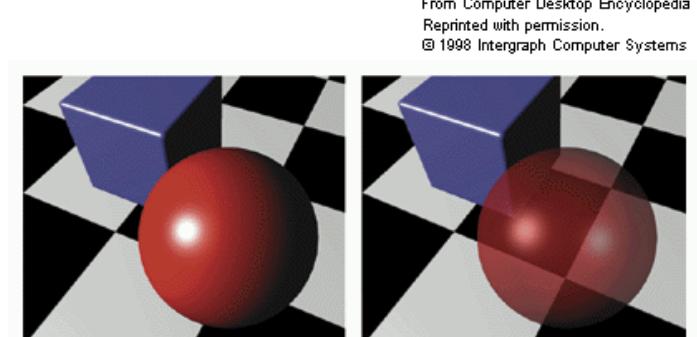
**En OpenGL :**

- `glBlendFunc(GL_SRC_ALPHA, GL_ONE_MINUS_SRC_ALPHA)`
- Utilise l'alpha du fragment

**Méthode de rendu :**

1. tracer les objets opaques
2. activer le blending
3. tracer les objets transparents

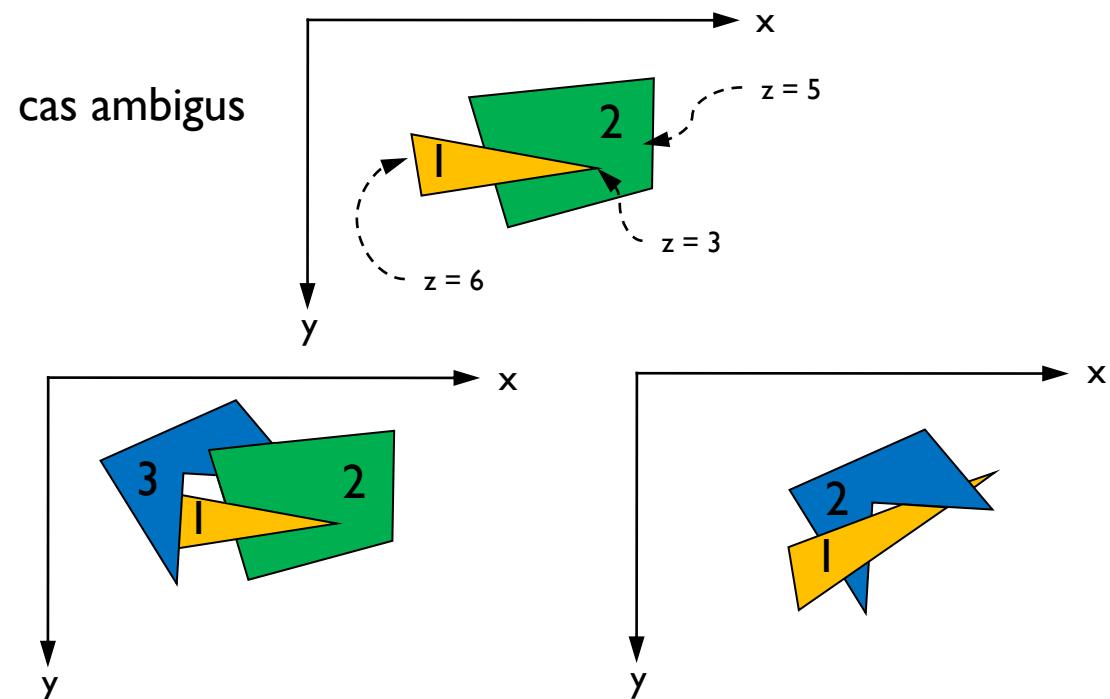
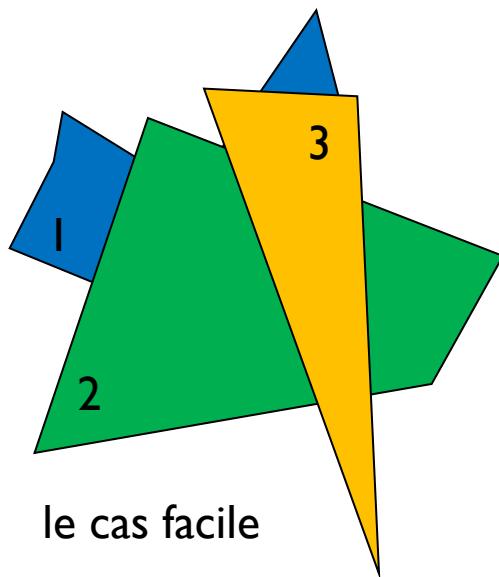
**du plus profond au moins profond  
(algorithme du peintre)**



# Algorithme du peintre

« Peindre » les polygones suivant un **ordre de distance décroissante** au point de vue

- **Trier** suivant les z décroissants dans le repère de la camera  
⇒ meilleur coût :  $O(n \log(n))$
- Résoudre les **ambiguïtés** dues aux recouvrements



# Rendu des objets transparents



Alpha-Blending sans tri



*Order-Independent  
Transparency*

# Order-Independent Transparency

**Objectif :**

ne pas avoir à trier les objets (triangles)

**Solutions :**



# Order-Independent Transparency

**Objectif :**

ne pas avoir à trier les objets (triangles)

**Solutions :**

ou

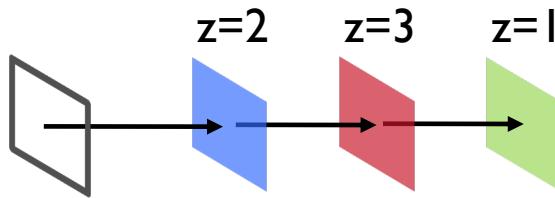
⇒ trier les **fragments** (visibilité implicite)

⇒ calculer explicitement la **fonction de visibilité**

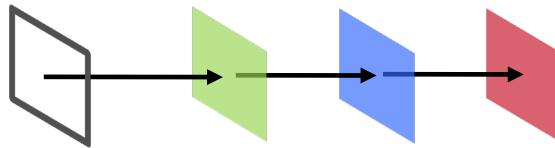
$$\text{couleur du pixel} = \sum_{i=0}^n c_i \alpha_i \text{vis}(z_i)$$

# A-buffer [Carpenter 1984, Yang et al. 2009]

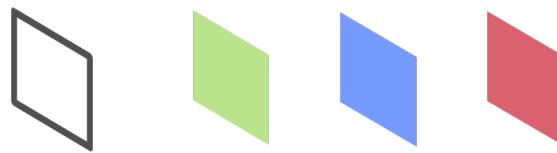
I. Pour chaque pixel, liste des fragments (couleur et z)



I. Trie de la liste sur la profondeur



2. Alpha-blending des fragments



⇒ Pas de limite sur la quantité de mémoire nécessaire

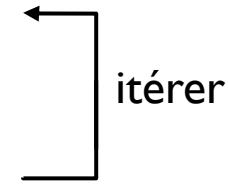
# Depth Peeling [Everitt 2001]

Rendu de la scène en **plusieurs passes** : **n layers**

1. Rendu normal  $\Rightarrow$  garder le *depth buffer*

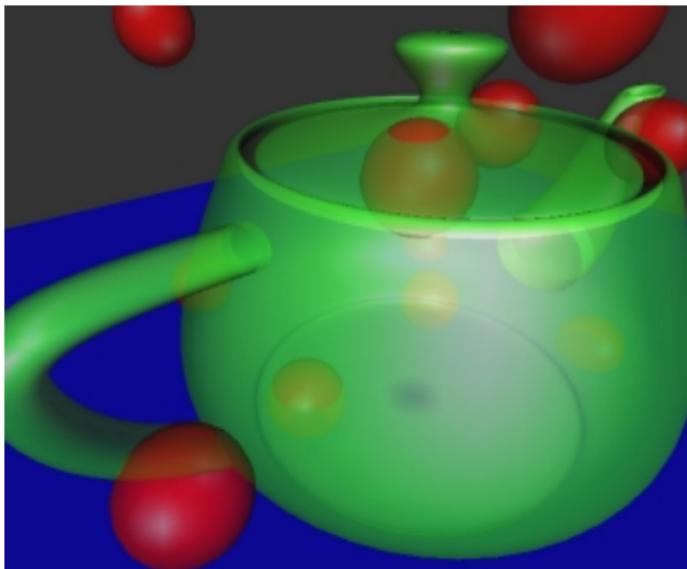
2. Nouveau rendu :

- ignorer le fragment si son  $z \leq \text{depth buffer}$
- générer un nouveau *depth buffer*

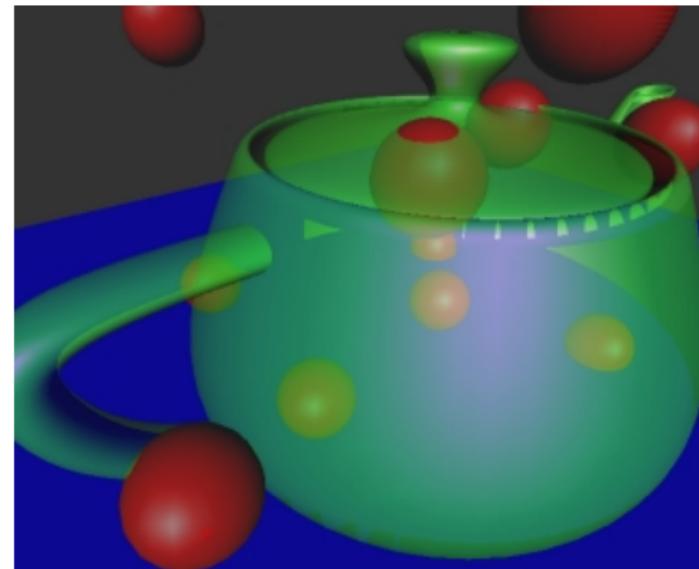


itérer

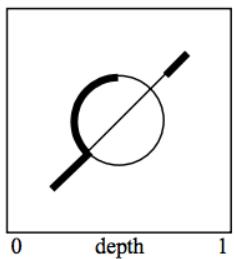
3. Alpha-blending des layers



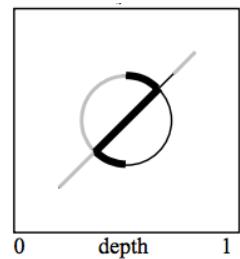
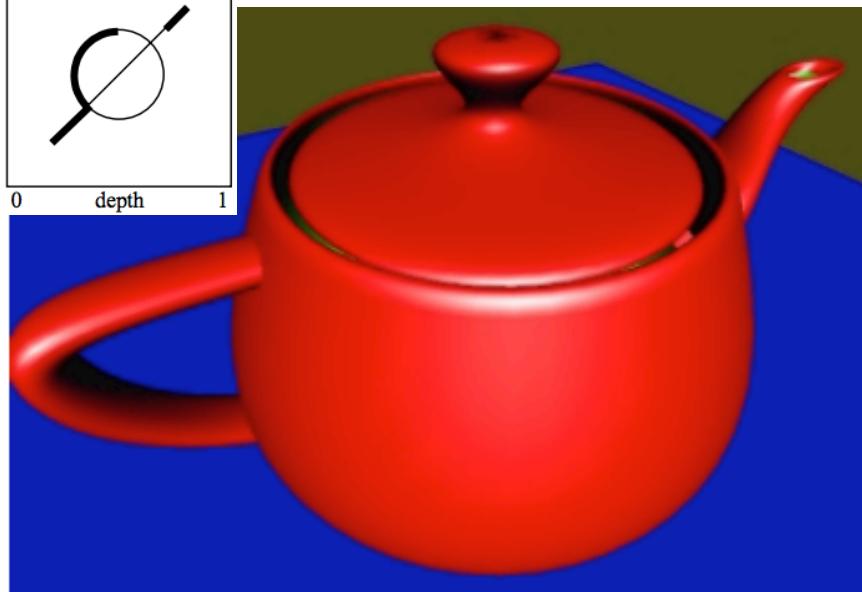
Transparence correcte



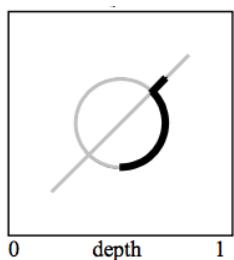
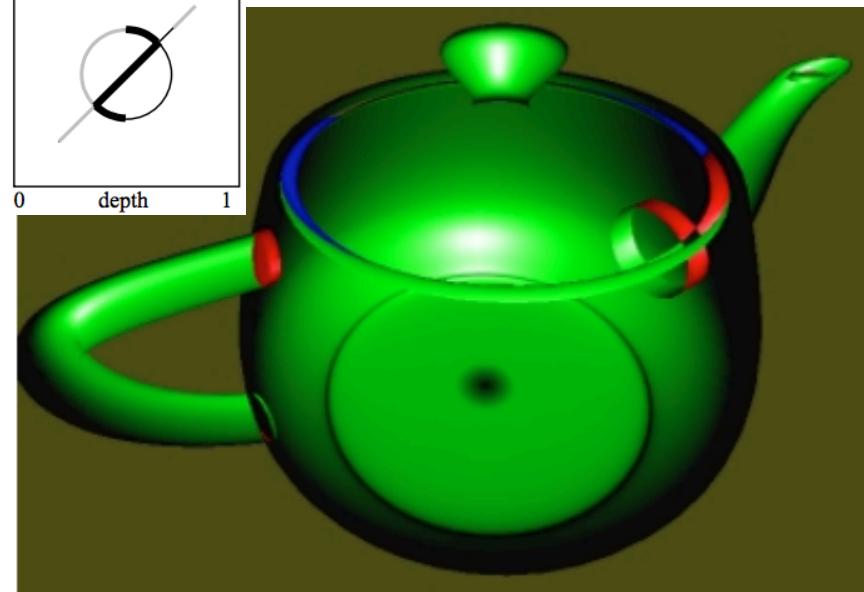
Transparence incorrecte



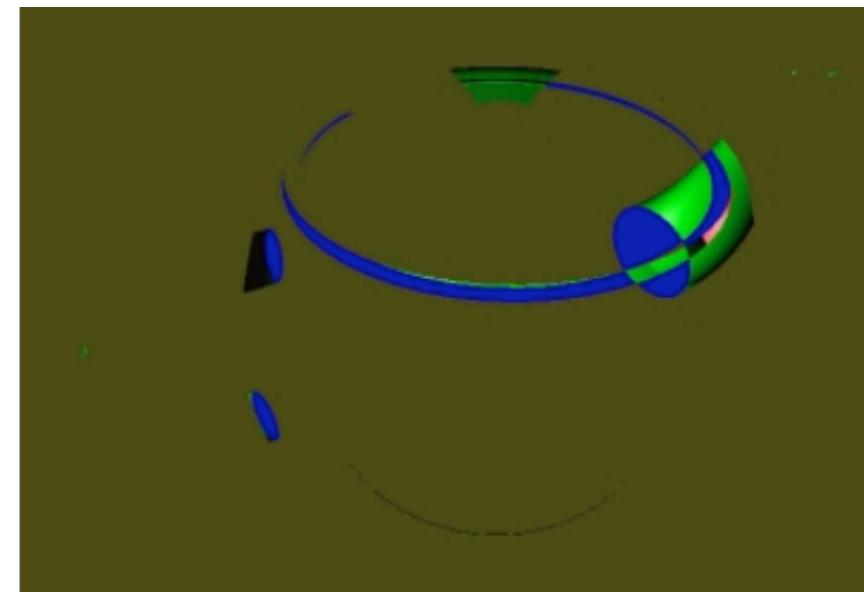
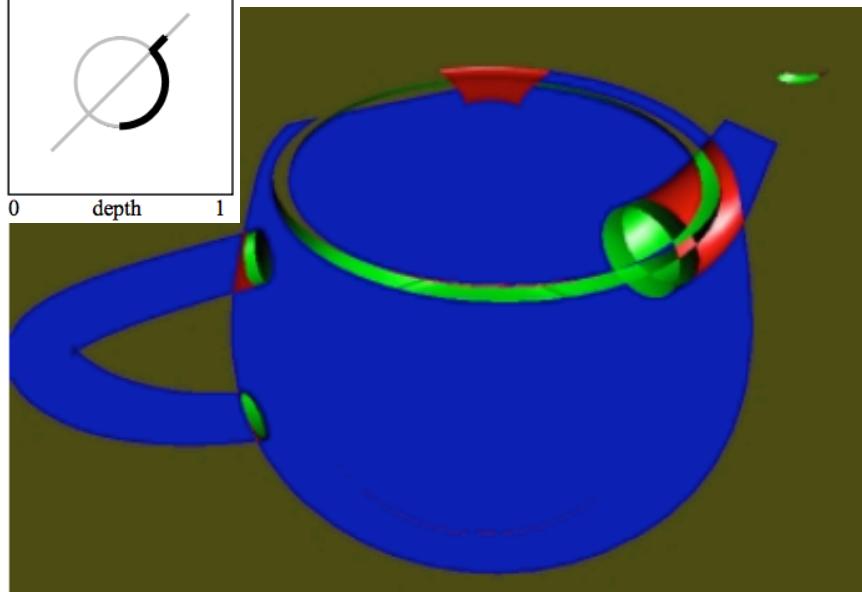
Layer 1



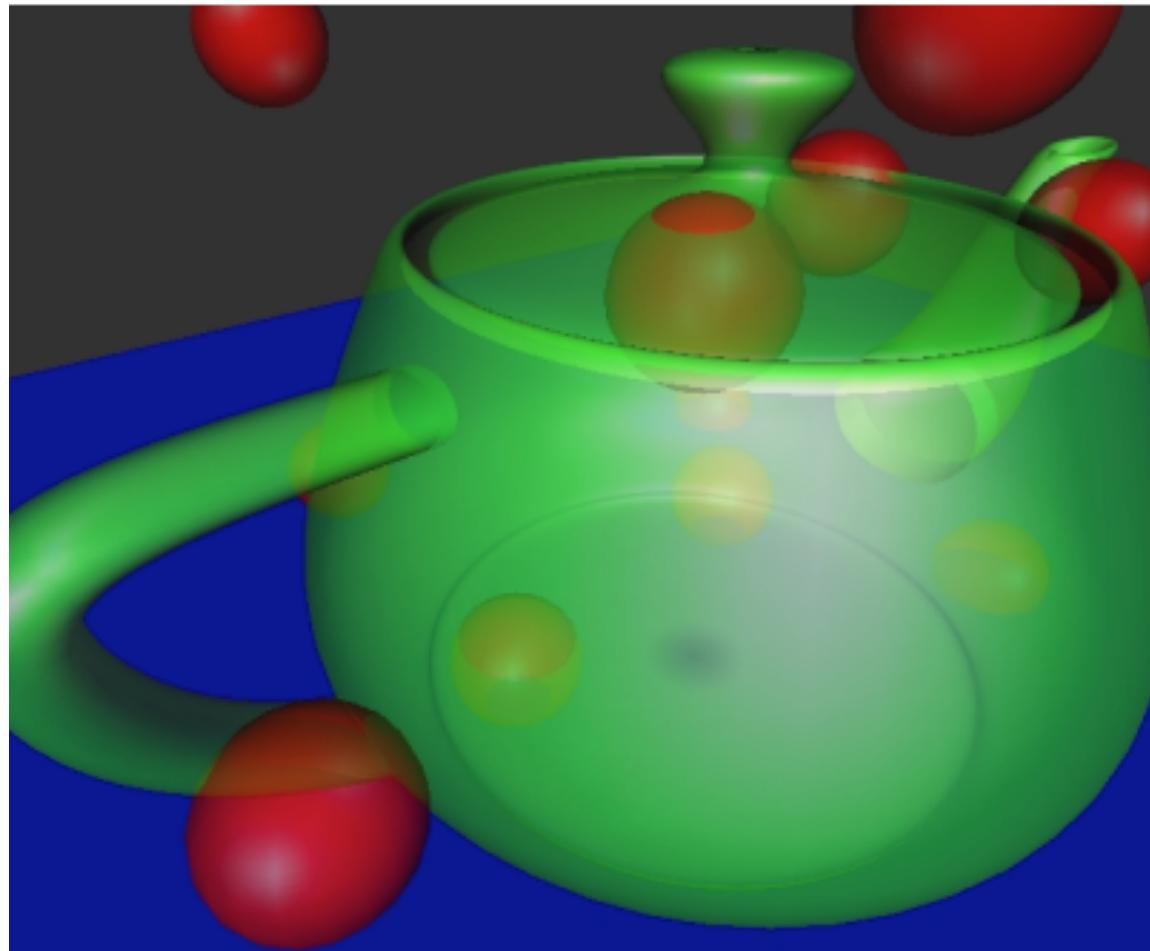
Layer 2



Layer 3



# *Depth Peeling* [Everitt 2001]



**4 layers**

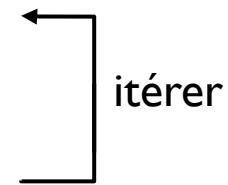
# Depth Peeling [Everitt 2001]

Rendu de la scène en **plusieurs passes** : **n layers**

1. Rendu normal  $\Rightarrow$  garder le *depth buffer*

2. Nouveau rendu :

- ignorer le fragment si son  $z \leq$  *depth buffer*
- générer un nouveau *depth buffer*



3. Alpha-blending des layers

$\Rightarrow$  **2 depth buffers nécessaires (FBO)**

$\Rightarrow$  Rendu correcte quand  $n \rightarrow \infty$