

# PG104 - Programmation Fonctionnelle

D. Renault

**Enseirb-Matmeca**

11 mars 2025, v.1.2.5

<https://www.labri.fr/perso/renault/working/teaching/functional/functional.php>


## Idée générale

Considérer le code non plus au niveau de la **fonction**, mais des **ensembles de fonctions**, voire des ensembles de fonctionnalités.

- Le terme utilisé pour différencier les deux est celui de **granularité**.
- Transforme les problématiques de programmation en des problématiques d'architecture.


# Abstraction, Encapsulation

Les propriétés entraperçues jusqu'à présent peuvent être précisées et considérées sous un nouvel éclairage :

- **Abstraction**  : qualité consistant à représenter une partie d'un programme par ses caractéristiques essentielles ;
- **Encapsulation** : qualité consistant à exposer les parties publiques et de masquer les parties privées d'une abstraction ;

# Abstraction, Encapsulation

Les propriétés entraperçues jusqu'à présent peuvent être précisées et considérées sous un nouvel éclairage :


- **Abstraction**  : qualité consistant à représenter une partie d'un programme par ses caractéristiques essentielles ;
- **Encapsulation** : qualité consistant à exposer les parties publiques et de masquer les parties privées d'une abstraction ;

(découpage naïf avec fermeture)

```
function make_rng() {  
  let seed = 12345;  
  const m = 65537; const a = 75;  
  function rand() {  
    seed = (a * seed) % m;  
    return seed;  
  };  
  return rand; Private  
} Public  
let rand = make_rng();
```

# Abstraction, Encapsulation

Les propriétés entraperçues jusqu'à présent peuvent être précisées et considérées sous un nouvel éclairage :

- **Abstraction**  : qualité consistant à représenter une partie d'un programme par ses caractéristiques essentielles ;
- **Encapsulation** : qualité consistant à exposer les parties publiques et de masquer les parties privées d'une abstraction ;

(découpage naïf avec fermeture)

(cf. Stanford JS Crypto Library)

```
function make_rng() {  
  let seed = 12345;  
  const m = 65537; const a = 75;  
  function rand() {  
    seed = (a * seed) % m;  
    return seed;  
  };  
  return rand;  
}  
let rand = make_rng();
```

⇒

```
class Aes;  
function aes_generate() { /*...*/ }  
class EllipticCurve;  
function ecc_generate() { /*...*/ }  
function sha256() { /*...*/ }  
function sha512() { /*...*/ } Private  
  
function selectCypher() { /*...*/ }  
function encrypt() { /*...*/ }  
function decrypt() { /*...*/ } Public
```

# Spécification

Quelles peuvent être ces caractéristiques essentielles d'un programme ?  
Concrètement, il faut parler de **spécification**. Il en existe plusieurs sortes :

- Spécification **fonctionnelle** :

- ▶ “Il doit être possible d'ajouter ou d'ôter un élément de l'ensemble.”
- ▶ “Il doit être possible de tester si un élément appartient ou pas à l'ensemble.”

- Spécification **non fonctionnelle** :

- ▶ “L'implémentation doit utiliser des algorithmes de complexité linéaire.”
- ▶ “L'implémentation doit pouvoir gérer des ensembles de taille arbitraire.”

# Spécification

Quelles peuvent être ces caractéristiques essentielles d'un programme ?  
Concrètement, il faut parler de **spécification**. Il en existe plusieurs sortes :

- Spécification d'**interface** ou de **type** :

```
;; T is the type of the  
;; elements inside the set.  
newtype set[T];
```

```
set_empty      : set[T]  
set_is_empty   : set[T] → boolean  
set_add        : set[T]*T → set[T]  
set_remove     : set[T]*T → set[T]  
set_find       : set[T]*T → boolean
```

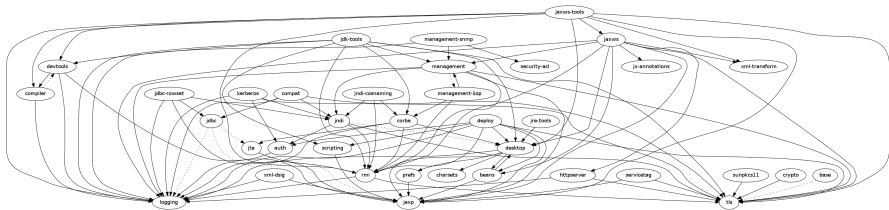
- Spécification **formelle** :

```
set_is_empty(set_empty)      = true  
set_is_empty(set_add(s,i))   = false  
  
set_find(set_empty, i)       = false  
set_find(set_add(s, i), i)   = true  
set_find(set_add(s, i), i')  = set_find(s, i')
```

## Définition (Modularité)

Propriété logicielle qualifiant le fait de décomposer un programme en un ensemble de composants de manière à ce que :

- **Cohésion** : chaque composant constitue une unité de code cohérente ;
- **Couplage** : les dépendances entre composants sont faibles.



Graphe de dépendances de l'OpenJDK  
Source : [Project Jigsaw](#)

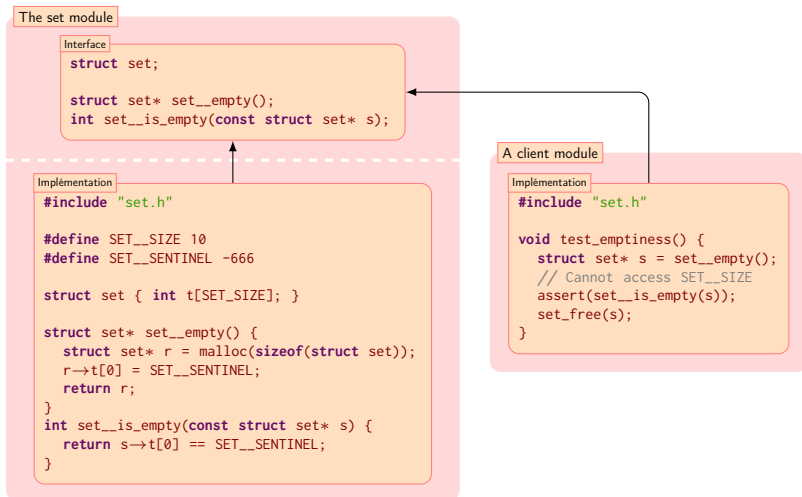


## Définition (Module)

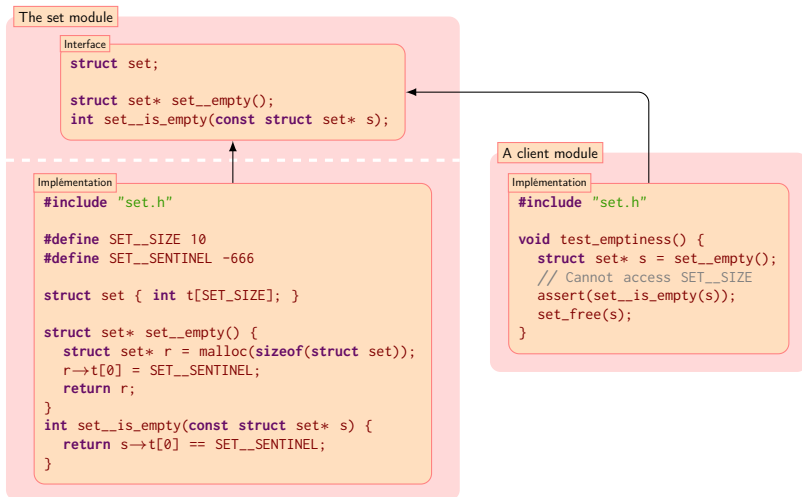
Un **module** est une construction du langage représentant une unité de code (types, valeurs, fonctions, et toute forme d'expression autorisée par le langage) et satisfaisant :

- **Interface** : un module peut fournir ou requérir un ensemble de composants de manière publique ;
- **Encapsulation** : un module peut masquer ou rendre abstrait une partie de ses composants ;
- Des ensembles de modules peuvent se connecter selon le graphe des dépendances induites par leurs interfaces ;
- Un module ne devrait **dépendre que des interfaces** de ses dépendances (et non pas de leur contenu concret).

# Exemple : des modules en C



# Exemple : des modules en C



Interface ✓

Encapsulation ✓

Indépendence ✓

# Exemple : modules et TADs

Un exemple classique de module est le suivant :

## Définition (Type abstrait de données)

Un **type abstrait de données** (*abstract data type*) consiste en :

- un ensemble de valeurs ;
- une interface / représentation abstraite de cet ensemble de valeurs (e.g sous la forme d'une liste des opérations qu'on peut leur appliquer) ;
- une ou plusieurs implémentations de cette interface.

L'abstraction permet ici :

- de proposer plusieurs implémentations **différentes** et dans l'idéal **substituables** du type de données ;
- d'autoriser différents clients à manipuler le type de données en restant **indépendant** de la représentation concrète.

# Modules et modules ...

Selon les langages de programmation, les modules prennent des formes variées et satisfont des propriétés différentes :

- Les interfaces peuvent permettre différents niveaux de **vérification** : uniquement les noms (Racket, Python), ou les types (C, OCaml)
- L'**encapsulation** peut ne pas exister (cf. Python module `private`) ;
- Les interfaces sont parfois attachées au module (Racket, Haskell) ou sont des éléments **indépendants** (C, OCaml).

Pour la suite, nous allons examiner les possibilités modulaires du langage EcmaScript.

Les modules Ecmascript ont une **histoire désordonnée** :

- Originellement, la norme ne contenait pas de spécification pour les couches modulaires.
- A partir de 2009, plusieurs entités ont proposé des systèmes de modules différents : **CommonJS**, AMD, RequireJS ...
- La norme Ecmascript 6 a proposé un système de module en 2015, parfois nommé **Ecmascript** modules, incompatible avec les précédents.
- Node.js utilise par défaut les modules CommonJS, en offrant un support “expérimental” des modules Ecmascript (depuis 2015 !).

# Développement “sans modules”

## Principe

Le code est écrit comme un seul bloc, avec de faibles spécifications.

```
function cons(hd, tl)      { return { car: hd, cdr: tl }; }
function set__empty()     { return undefined; }
function set__is_empty(s) { return s === undefined; }
function set__add(x, s)   { return cons(x, s); }
function set__find(x, s)  { return (s === undefined) ? false :
                           (x === s.car || set__find(x, s.cdr)); }

set__is_empty(set__empty()); // → true
set__find(1, set__add(1, set__empty())); // → true
```

**Se marie bien avec :**

- REPL (simplifie le développement incrémental)
- Système de type dynamique (retarde la vérification)

**Langages adaptés :** Lisp, Scheme, Javascript, Racket, Python, Ruby

# Limites du “sans modules”

Une telle pratique induit un développement **monolithique** :

- Des parties du code avec des **finalités différentes** sont mélangées dans un unique fichier (e.g. implémentation et tests) ;
- La **réutilisation** et la **modification** d'une partie du code est gênée (e.g. modification de la représentation d'un ensemble) ;
- La **vérification** du code est plus complexe (tout ou rien) ;

Une telle méthode est adaptée au **prototypage**, mais montre ses limites lors du passage à l'échelle : travail en équipe compliqué, pas de compilation séparée, pas de tests séparés ...



# Programmation modulaire

## Principe de la programmation modulaire

Décomposer un code monolithique en une famille de modules cohésifs et faiblement couplés.

```
function is_set(s) { /* ... */ }  
function set_add(s, e) { /* ... */ }  
function set_empty() { /* ... */ }  
function set_find(s, e) { /* ... */ }  
function test_add() { /* ... */ }  
function test_empty() { /* ... */ }  
function test_find() { /* ... */ }  
function set_recipes() { /* ... */ }  
function find_recipe(key) { /* ... */ }  
function cook_recipe(key) { /* ... */ }
```

# Programmation modulaire

## Principe de la programmation modulaire

Décomposer un code monolithique en une famille de modules cohésifs et faiblement couplés.

```
function is_set(s) { /* ... */ }  
function set_add(s, e) { /* ... */ }  
function set_empty() { /* ... */ }  
function set_find(s, e) { /* ... */ }  
function test_add() { /* ... */ }  
function test_empty() { /* ... */ }  
function test_find() { /* ... */ }  
function set_recipes() { /* ... */ }  
function find_recipe(key) { /* ... */ }  
function cook_recipe(key) { /* ... */ }
```

Implémentation

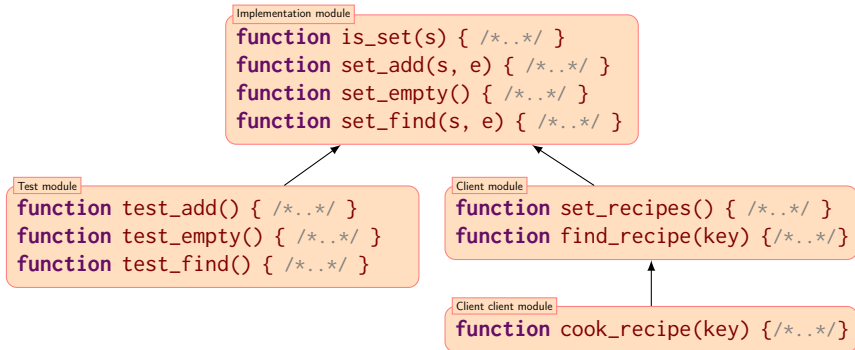
Tests

Code client

# Programmation modulaire

## Principe de la programmation modulaire

Décomposer un code monolithique en des ensembles de modules cohésifs et faiblement couplés.



# Modules CommonJS (non utilisés dans ce cours)

Les modules CommonJS sont connectés par **require** et **exports** :

set-impl.js

```
function set_empty() { /*..*/ }  
function is_empty(s) { /*..*/ }  
  
exports.set_empty = set_empty; // 'exports' is a dict containing  
exports.is_empty = is_empty; // the exported identifiers
```

set-test.js

```
const Set = require("./set-impl.js"); // 'require' returns the  
// aforementioned dict  
  
function test_empty() { return Set.is_empty(Set.set_empty()); }  
console.log('Empty_set_is_empty: ⚡️${test_empty()}');
```

set-client.js

```
const Set = require("./set-impl.js");  
  
let set_recipes = Set.set_empty();  
function add_recipe(r) { set_recipes = Set.set_add(r, set_recipes); }
```

# Modules EcmaScript

Les modules EcmaScript sont connectés par **import** et **export** :

set-impl.mjs

```
function set_empty() { /*..*/ }  
function is_empty(s) { /*..*/ }  
  
export { set_empty, is_empty,  
         set_add, set_find }; // 'export' provides a list of  
                             // exported identifiers
```

set-test.mjs

```
import * as Set from "./set_impl.mjs"; // 'import' supplies the  
                                       // requested identifiers  
  
function test_empty() { return Set.is_empty(Set.set_empty()); }  
console.log('Empty_set_is_empty:_' + test_empty());
```

set-client.mjs

```
import * as Set from "./set_impl.mjs";  
  
let set_recipes = Set.set_empty();  
function add_recipe(r) { set_recipes = Set.set_add(r, set_recipes); }
```

# Premières conclusions

## Avantages :

- Facilite la **réutilisation de code** : à la fois les tests et les clients peuvent réutiliser le même module d'implémentation ;
- Autorise des **implémentations multiples** : le client peut choisir une implémentation adéquate sans modifier son propre code ;
- Permet une **vérification** de la présence des fonctions importées et exportées.

## Limitations en EcmaScript :

- Vérification réduite à la présence/absence des noms demandés ;
- Notion d'interface (d'un module) presque inexistante.

# Développement de code modulaire

Recette pour construire une architecture modulaire :

- 1 Identifier les objets/**types de valeurs**/composants manipulés ;  
Ex. : “les ensembles d’entiers positifs”  
⇒ leur associer un module.
- 2 Identifier les **opérations** sur chacun de ces types de valeurs ;  
Ex. : “setAdd : ajouter un élément, setRemove : retirer un élément”  
⇒ construire une interface associée.
- 3 Construire des **représentations concrètes** ;  
Ex. : “sentinel, dynamic, link”  
⇒ implémenter ladite interface.

## Principe général de développement modulaire

Lorsque l’on conçoit une architecture logicielle, il vaut **toujours mieux** dépendre d’une interface que d’une représentation concrète.

Même si le développement modulaire peut s'arrêter ici, il est envisageable de demander plus :

- En termes de **vérification** :  
Quitte à préciser des spécifications logicielles, existe-t'il des tactiques pour assurer que des modules vérifient une spécification ?
- En termes d'**architecture** :  
Quitte à décomposer le code en morceaux, peut-on faire évoluer ces morceaux, les augmenter, ou les remplacer facilement ?



## Définition (Contrat)

Un **contrat** est un ensemble de prédicats qui fixent les comportements des fonctions au sein d'un module (précondition, postcondition, invariants)

Comme pour les assertions, les contrats sont vérifiés **dynamiquement**.

## Exemple en Racket

Documentation de la fonction `list-set` :

```
;; Updates element at index 'pos' of 'lst'  
(list-set lst pos val) → list?  
lst : list?  
pos : (and/c (>= /c 0) (< /c (length lst)))  
val : any/c
```

“pos est un indice valide dans lst”

Utilisation incorrecte :

```
(list-set '(1 2 3) 100 4)
```

```
<=: contract violation  
  expected: (and (>= 0) (< 3))  
  given: 100
```

**Langages adaptés** : Eiffel, Racket, C# with Code Contracts

# Signatures

## Définition (Signature)

Une **signature** est un ensemble de définitions de types pour les identifiants exportés par un module.

Comme les types, les signatures sont vérifiées **statiquement**.

## Exemple en C

Documentation de la fonction `set__find` :

```
// Returns non-zero if c belongs to se, 0 otherwise  
int set__find(const struct set *se, int c);
```

Utilisation incorrecte :

```
struct set* se = set__empty();  
set__find(1, se);
```

```
error: passing argument 1 of 'set__find' makes pointer from integer without a cast  
expected 'const struct set *' but argument is of type 'int'
```

**Langages adaptés** : la plupart des langages à typage statique

# Exemples de signatures

## Idée

Permettre de **séparer** la signature de l'implémentation.

### ● Interfaces en Java

```
interface Set<T>
{
    Set<T> set_add(Set<T> set, T el);
    Set<T> set_remove(Set<T> set, T el);
    Set<T> set_empty();
    boolean set_is_empty(Set<T> set);
    boolean set_find(Set<T> set, T el);
    int set_length(Set<T> set);
}
```

### ● Signatures de modules en OCaml

```
module type SET = sig
  type 'a set
  val set_add      : 'a set → 'a → 'a set
  val set_remove  : 'a set → 'a → 'a set
  val set_empty   : unit   → 'a set
  val set_is_empty : 'a set → bool
  val set_find    : 'a set → 'a → bool
  val set_length  : 'a set → int
end
```

- Les signatures, comme les contrats, deviennent des éléments de l'architecture, comme les implémentations.
- L'abstraction consiste alors à dépendre uniquement des interfaces.

# Conclusion sur la programmation modulaire

- Composer du code de manière modulaire est la bonne manière de travailler sur des architectures de tailles importantes.
- Les qualités d'une bonne décomposition modulaire (cohésion, faible couplage) visent à **contrôler les dépendances** entre les composants.
- La notion d'**abstraction** est au coeur du contrôle de ces dépendances.
- Une bonne décomposition permet d'envisager :
  - des propriétés de **génie logiciel** : réutilisabilité, substitutivité, extensibilité, maintenabilité ...
  - des facilités de **vérifications** des dépendances : spécifications, signatures, contrats, types ...

# Conclusion générale

Il n'est pas naïf de considérer en dernier lieu de ce cours une discussion sur la notion de modularité.

- La notion de **dépendance** est un principe incontournable de programmation.  
Mieux, elle est applicable à la fois au niveau fonctionnel (cf. **pureté**) et au niveau modulaire (cf. la notion de granularité) ;
- La notion de **composition** est un autre principe de programmation incontournable.  
Elle est aussi applicable à la fois au niveau fonctionnel (cf. **1ère classe**) et au niveau modulaire.

# Quelques lectures ...



Fogus, M.: *Functional Javascript*.

O'Reilly, 2013.



Narbel, P.: *Programmation fonctionnelle, générique et objet : Une introduction avec le langage OCaml*.

Vuibert, 2005.



Reade, C.: *Elements of Functional Programming*.

Addison-Wesley, 1989.



Bird, R. et P. Wadler: *Introduction to Functional Programming*.

Prentice Hall, 1988.



Okasaki, C.: *Purely functional data structures*.

Cambridge University Press, 1999.



Narbel, P.: *Techniques Avancées de Programmation*.

Cours de Master 2 à l'Université de Bordeaux.