Conception Formelle

2018-2019

TP2: Boucles

Vincent Penelle

Points abordés

- Prouver des fonctions contenant des boucles.
- Fonctions manipulant des tableaux.
- Entiers non-signés.

Récupérer l'archive suivante¹ et décompressez-la.

Exercice 1: Ajoutons des boucles

1. Ouvrez dans Frama-C le fichier identity.c, et tentez de prouver les contrats avec WP. C'est contrats, bien qu'ayant l'air évidents, ne peuvent être prouvés. Cela est dû au fait que le nombre d'itérations d'une boucle est a priori inconnu (et on ne peut même pas décider, en général, si elle termine).



Point technique:

WP ne peut pas dérouler des boucles tout seul. Pour être capable de prouver des propriétés vérifiées par les boucles, on a besoin de la notion d'invariant de boucle. Un invariant de boucle est une propriété préservée par une application de la boucle, c'est-à-dire que si la propriété est vraie au début de la boucle, elle sera vraie à la sortie de la boucle. Il est possible de mettre plusieurs invariants de boucle.

Exemple: /*@ loop invariant 0 <= i <n;*/

2. Ajouter un invariant de boucle assurant que result reste plus petit que n dans la fonction identity_while. Voyez-vous pourquoi la fonction n'est toujours pas prouvée?



Point technique:

De même que pour les fonctions, Frama-C suppose qu'une boucle peut faire n'importe quel effet de bord sur la mémoire. Tout comme les fonctions, il est donc possible de déclarer (et prouver) des clauses assigns pour les boucles.

 $^{^1}$ https://www.labri.fr/perso/vpenelle/Enseignement/ConceptionFormelle18/tp2.tar.gz

- . Exemple: /*@ loop assigns i,n,max;*/
- 3. Ajoutez le loop assigns pertinent dans identity_while. Frama-C devrait maintenant réussir à prouver le contrat de fonction.
- 4. Ajoutez maintenant un contrat de boucle pour la fonction identity_for. Attention, votre contrat de boucle devra aussi parler de i pour pouvoir être prouvé. De plus, prêtez attention qu'un invariant de boucle doit être vrai à l'entrée et à la sortie de la boucle, même après la dernière itération (lorsque la condition de la boucle est fausse).

Exercice 2: Comportements et boucles



Point technique:

Lorsque les fonctions où se trouvent une boucles disposent d'un contrat avec des comportements, il est possible d'utiliser ces comportements dans les contrats de boucles pour en simplifier l'expression. De même que pour les contrats de fonctions, il est toujours possibles de les exprimer sans comportement. Il faut toujours écrire les clauses globales avant celles concernant des comportements.

Exemple: /*@ for id: loop invariant i <= n; loop invariant j <= i; */, où id est le nom d'un comportement.

1. Donner un contrat de boucle pour la fonction behavioral_loop, faisant intervenir les comportements définis dans son contrat.

Exercice 3: Pour tout et il existe



Point technique:

Dans certains contrats de fonction ou de boucles, on peut avoir besoin de parler d'un grand nombre de valeurs, ou de l'existence d'une valeur qu'on ne connaît pas exactement (par exemple, pour des propriétés parlant de tableaux, mais pas seulement). En ACSL, cela peut être exprimé à l'aide des constructions \forall and \exists. La syntaxe est \forall type name; expr;, où type est un type C ou mathématique (integer ou real, par exemple), name le nom de la variable que l'on quantifie et expr une expression ACSL (faisant intervenir name, sinon ce n'est pas très utile).

Exemple: \forall int i; $(0 \le i \le n ==> \text{exists int } j; 0 \le j \le i \&\&$ tab[j] < tab[i]);

1. Donnez un contrat de fonction pour set_to_zero et validez-le. Pour réussir à le prouver, vous aurez besoin d'un contrat de boucle.

Exercice 4: Boucles et tableaux: spécification

1. Grâce à tout ce que vous avez vu jusqu'ici, déterminer et prouvez des contrats de fonctions et de boucles pour les deux fonctions présentes dans exo4.c.

Exercice 5: Attention aux entiers non-signés Puisqu'on manipule des tableaux, on pourrait vouloir considérer que la taille d'un tableau est un entier non-signé.

- 1. Lancez WP sur signed-overflow.c et observez que WP ne parvient pas à prouver les spécifications de add et sub (pour rappel, avec des int, il y arrivait, malgré la possibilité d'overflow).
- 2. Relancez l'analyse avec RTE activé. Rien ne change...



Point technique:

En C, sur les entiers non-signés, le comportement d'un overflow est bien défini (contrairement à l'overflow sur les entiers signés). Aussi, par défaut, RTE ne prévient pas des possibles overflow. WP en tient cependant compte, comme vous avez pu le constater.

Il est possible de forcer RTE à générer des assertions pour les overflows d'entiers non-signés avec l'option -warn-unsigned-overflow.

- 3. Relancez WP avec RTE et l'option -warn-unsigned-overflow. Constatez la présence possible d'overflow.
- 4. Modifiez les contrats de fonctions pour supposer qu'il n'y a pas d'overflow, et constatez que WP parvient maintenant à prouver les contrat de fonction, même si on n'inclue pas les assertions de -warn-unsigned-overflow.

Exercice 6: Memcpy sûr Le but de cet exercice est d'utiliser tout ce que nous avons vus jusqu'ici pour concevoir une spécification formelle de la fonction memcpy, puis un code sûr l'implémentant.

- 1. Commencez par donner une spécification formelle de memcpy dans memcpy.h correspondant à la spécification informelle qui vous est donnée. Je vous conseille d'avoir au moins 2 comportements pour cette spécification. Vous veillerez à inclure une clause assigns. Pour vous aider, memcpy.c dispose d'un main contenant divers appels à memcpy suivis d'assertions qui doivent être vraie après l'appel de la fonction. Votre spécification devra permettre de valider ces assertions.
- 2. Codez maintenant la fonction memcpy de manière à ce qu'elle vérifie votre spécification. Attention, elle manipule des entiers non-signés, pensez à utiliser l'option -warn-unsigned-overflow pour être sûr de ne pas faire d'overflow involontaires.